

递归进阶

用递归改造循环

请输出 1~n 之间所有的整数

```
#include<iostream>//1-1696 jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
void print(int n)
```

```
{
```

```
    if(n == 0) return;
```

```
    print(n - 1);
```

```
    cout << n << endl;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    print(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```
#include<iostream>//2-1697 jiangyf70 请输出 n~1 之间所有的整数
```

```
using namespace std;
```

```
void print(int n)
```

```
{
```

```
    if(n == 0) return;
```

```
    cout << n << endl;;
```

```
    print(n - 1);
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    print(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

编程求解 $1+2+3+\dots+n$

```
#include<iostream>//3-1002  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int sum(int n)
```

```
{
```

```
    if(n == 0) return 0;
```

```
    return sum(n - 1) + n;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    cout << sum(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

递归求解:

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1088-1    javacn
using namespace std;
// 求 x 和 y 的最大公约数
long long fun(long x, long long y) {
    if(x % y != 0) return fun(y, x % y);
    else return y;
}
long long a, b;
int main() {
    cin >> a >> b;
    cout << fun(a, b);
    return 0;
}
```

欧几里得算法又称辗转相除法，是指用于计算两个非负整数 a, b 的最大公约数。

比如：假设求 45 和 60 的最大公约数。

$45 \% 60 = 45$

$60 \% 45 = 15$

$45 \% 15 = 0$

因此结果是 15。

循环求解:

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1088-2    javacn
using namespace std;
// 辗转相除法，求最大公约数
long long a, b, t;
int main() {
    cin >> a >> b;
    while(a % b != 0) {
        t = a % b; // 存储余数
        a = b;
        b = t;
    }
    cout << b;
    return 0;
}
```

解法 2: 递归法调用

```
#include <bits/stdc++.h>//5-1241-1 javacn
using namespace std;
int n;
int fun(int k) {
    int r = 0;
    if(k != 1)
    {
        // 如果 k 是偶数, 将 k/2 交还给函数
        if(k % 2 == 0)        r = 1 + fun(k / 2);
        else                r = 1 + fun(k * 3 + 1);
    }
    return r;
}
int main() {
    cin>>n;
    int x = fun(n);
    cout<<x;
}
```

```
#include<iostream>//5-1241-2 jiangyf70
using namespace std;
int jgcx(int x, int k)
{
    if(x == 1)    return k;
    if(x % 2 == 0)    return jgcx(x / 2, k + 1);
    return jgcx(x * 3 + 1, k + 1);
}
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    cout << jgcx(n, 0);
    return 0;
}
```

正整数 N 转换为一个二进制数

```
#include<iostream>//6-1108-1  jiangyf70
using namespace std;
string i2b(int n, string s) {
    if(n)
    {
        s = char(n % 2 + '0') + s;
        return i2b(n / 2, s);
    }
    return s;
}
int main() {
    int n;
    cin >> n;
    if(n == 0) cout << 0;
    else cout << i2b(n, "");
    return 0;
}

#include<bits/stdc++.h>//6-1108-2  javacn
using namespace std; 除 2 取余，结果倒过来连成字符串：
int n; //10 进制转 2 进制
string r = ""; // 存放转换结果
int main() {
    cin>>n;
    while(n != 0)    // 当 n!=0 循环
    {
        //cout<<n%2;// 取余
        // 将 n%2 的结果转换为字符 + 到 r 前面
        r = char(n%2+'0') + r;
        n=n/2;// 除 2
    }
    if(r == "") cout<<0;    // 特判输入为 0 的情况
    else cout<<r;
    return 0;
}
```

求 $100+97+\dots+4+1$ 的值

```
#include<iostream>//7-1053 jiagyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int sum(int n)
```

```
{
```

```
    if(n == 1) return 1;
```

```
    return sum(n - 3) + n;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n = 100;
```

```
    cout << sum(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

求恰好使 $s=1+1/2+1/3+\dots+1/n$ 的值大于 X 时 n 的值

```
#include<iostream>//8-1078-1 jiangyf70
```

```
using namespace std;
int x;
int sum(int n, double s)
{
    s += 1.0 / n;
    if(s >= x) return n;
    return sum(n + 1, s);
}
int main()
{
    cin >> x;
    cout << sum(1, 0);
    return 0;
}
```

```
#include <bits/stdc++.h>//8-1078-2 javacn
```

```
using namespace std;
int main() {
    double s = 0;
    int i, x;
    cin>>x;
    // 分母是 1 2 3... 的循环
    i = 1;
    while(s <= x) {
        s = s + 1.0 / i;
        i++;
    }
    // 由于每次计算完 s, 都执行 i++
    // 因此当最后一次求和结束, i 会多加一次
    cout<<i-1;
    return 0;
}
```

```

#include<iostream>//9-1261-1   jiangyf70
using namespace std;
int x;
int hxdb(int n)
{
    if(n % 5 == 1 && n % 6 == 5 && n % 7 == 4 && n % 11 == 10) return n;
    return hxdb(n + 1);
}
int main()
{
    cout << hxdb(1);
    return 0;
}

```

思路：利用 while 无限循环遍历寻找满足的值，一旦找到就输出值并跳出循环

```

#include<bits/stdc++.h>//9-1261-2   javacn
using namespace std;
int main()
{
    int i=1;
    // 无限循环
    while(true)
    {
        if(i%5==1&&i%6==5&&i%7==4&&i%11==10)
        {
            cout<<i<<endl;
            // 要求最少有多少人，所以一找到满足条件的就输出并跳出循环
            break;
        }
        i++;
    }
    return 0;
}

```


求出 100 至 999 范围内的所有水仙花数

```
#include<iostream>//10-1058-1    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
void sxhs(int n)
```

```
{  
    if(n <= 999)  
    {  
        int a = n / 100;  
        int b = n / 10 % 10;  
        int c = n % 10;  
        if(a * a * a + b * b * b + c * c * c == n)  
        {  
            cout << n << endl;  
        }  
        sxhs(n + 1);  
    }  
}
```

```
int main()
```

```
{  
    sxhs(100);  
    return 0;  
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>//10-1058-2 javacn
```

本题解题思路不是递归

```
using namespace std;
```

```
/*
```

```
    函数名 lfsun(int x)
```

```
    参数 int x
```

```
    返回值 int r
```

```
    说明 求各位数字立方之和
```

```
*/
```

```
int lfsun(int x) {
```

```
    int r=0;// 用于存放和，初始值为 0
```

```
    int a;
```

```
    // 用短除法循环求各个位的立方和
```

```
    while(x/10!=0 || x%10!=0) {
```

```
        a=x%10;
```

```
        r=r+a*a*a;
```

```
        x=x/10;
```

```
    }
```

```
    return r;
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    int i;
```

```
    // 循环范围为 100 到 999 的整数
```

```
    for (i=100; i<=999; i++) {
```

```
        // 如果 i 的各位数字立方之和 = i 就输出 i
```

```
        if(lfsun(i)==i) {
```

```
            cout<<i<<endl;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```

猴子吃桃子

```
#include<iostream>//11-1082-1  jiangyf70
using namespace std;
int hz(int n, int s)
{
    if(n > 1)
    {
        hz(n - 1, (s + 1) * 2);
    }
    else return s;
}
int main()
{
    cout << hz(10, 1);
    return 0;
}
```

写法二:

```
#include<iostream>//11-1082-2  jiangyf70
using namespace std;
int hz(int n, int s)
{
    if(n == 1) return s;
    hz(n - 1, (s + 1) * 2);
}
int main()
{
    cout << hz(10, 1);
    return 0;
}
```

爱因斯坦的数学题

```
#include<iostream>//12-1265-1  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int ayst(int n)
```

```
{
```

```
    //if(n % 2 == 1 && n % 3 == 2 && n % 5 == 4 && n % 6 == 5 && n % 7 == 0)
```

```
return n; // 两种方法都可以
```

```
    if((n + 1) % 30 == 0 && n % 7 == 0) return n; //观察可知,余数加1刚好可以被2、  
3、5、6整除,他们的最小公倍数是30;
```

```
    ayst(n + 1);
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    cout << ayst(1);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

思路：用穷举法，从一开始循环，直到找到符合条件的数，就跳出循环

```
#include <bits/stdc++.h>//12-1265-2  javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int i=1;
```

```
    // 从一开始穷举，直到找到复合条件的数，跳出循环
```

```
    while(1)
```

```
    {
```

```
        if(i%2==1&&i%3==2&&i%5==4&&i%6==5&&i%7==0)
```

```
        {
```

```
            cout<<i<<endl;
```

```
            break;
```

```
        }
```

```
        i++;
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```
/*  
    1265 - 【入门】爱因斯坦的数学题  
*/  
#include <iostream>//12-1265-3    kevinh  
using namespace std;  
  
int main() {  
    int i=1;  
    while (!(i%2==1 && i%3==2 && i%5==4 && i%6==5 && i%7==0)) {  
        i++;  
    }  
    cout<<i<<endl;  
    return 0;  
}
```

解法 2

```
#include<iostream>//13-1395-1    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n, cnt = 0;
```

```
void xiaoli(int x)
```

```
{  
    if(x <= n)  
    {  
        int a = x, sum = 0;  
        while(a)  
        {  
            sum += a % 10;  
            a /= 10;  
        }  
  
        if(sum % 2 != 0 && sum % 5 != 0)  
        {  
            cnt++;  
        }  
        xiaoli(x + 1);  
    }  
}
```

```
int main()
```

```
{  
  
    cin >> n;  
    xiaoli(1);  
    cout << cnt;  
    return 0;  
}
```

小丽找数?

解法 1

```
#include<iostream>//13-1395-2  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int xiaoli(int x, int n, int cnt)
{
    if(x > n) return cnt;
    int a = x, sum = 0;
    while(a)
    {
        sum += a % 10;
        a /= 10;
    }

    if(sum % 2 != 0 && sum % 5 != 0)
    {
        cnt++;
    }
    xiaoli(x + 1, n, cnt);
}

int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    cout << xiaoli(1, n, 0);

    return 0;
}
```

思路：遍历循环 1-n 的数

寻找满足各个位的和不能被 2 整除也不能被 5 整除的数，计数个数

```
#include <iostream> //13-1395-3 javacn
using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    //x 计数满足条件的数的个数，sum 为各个位的和
    int i, x=0, sum, q, b, s, g;
    // 循环遍历 1 到 n 的数
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        // 对 i 进行拆位
        q=i/1000;
        b=i/100%10;
        s=i%100/10;
        g=i%10;
        sum=q+b+s+g; // 求各个位的和
        // 各个位的和不能被 2 整除也不能被 5 整除
        if (sum%2!=0&&sum%5!=0)
        {
            x++;
        }
    }
    cout<<x;
    return 0;
}
```



```
#include<iostream>//14-1083-1 递归 jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int cnt = 0;
```

```
int hw(int n)
```

```
{
```

```
    int m = 0, a = n;
```

```
    while(a)
```

```
    {
```

```
        m = m * 10 + a % 10;
```

```
        a /= 10;
```

```
    }
```

```
    if(m == n) return 0;
```

```
    return 1 + hw(n + m); // 增加次数
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    cout << hw(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

回文数

思路：

- 1、判断回文的方式：如果数 $n == n$ 倒过来的数，因此需要一个函数，求 n 倒过来的数（短除法）
- 2、使用 `while` 循环重复描述的过程，直到 n 为回文数

```
#include<bits/stdc++.h>//14-1083-2 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
// 求 n 倒过来的数
```

```
int fun(int n) {  
    int r = 0;  
    // 短除法求 n 倒过来的数  
    while(n != 0) {  
        r = r * 10 + n % 10;  
        n = n / 10;  
    }  
    return r;  
}
```

```
int main() {  
    //cout<<fun(123); // 测试函数  
    int n, c = 0;  
    cin>>n;  
    // 如果 n 不是回文  
    while(n != fun(n)) {  
        c++;  
        n = n + fun(n);  
    }  
  
    cout<<c;  
    return 0;  
}
```

字符图形 2- 星号直角 递归

```
#include<iostream>//15-1066-1  jiangyf70
using namespace std;
void tx(int a, int n)
{
    if(a <= n)
    {
        for(int i = 0; i < a; i++) cout << '*';
        cout << endl;
        tx(a + 1, n);
    }
}

int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    tx(1, n);
    return 0;
}

#include<bits/stdc++.h>//15-1066-2  javacn
using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cin>>n;    // 输入 n
    int i, j;
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        // 每行循环 i 次输出 *
        for (j=1; j<=i; j++) { cout<<"*"; }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

字符图形 2- 星号倒直角 递归

```
#include<iostream>//16-1782-1 jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
void tx(int a, int n)
```

```
{  
    if(a >= 1)  
    {  
        for(int i = 0; i < a; i++) cout << '*';  
        cout << endl;  
        tx(a - 1, n);  
    }  
}
```

```
int main()
```

```
{  
    int n;  
    cin >> n;  
    tx(n, n);  
    return 0;  
}
```

```
#include <bits/stdc++.h>//16-1782-2 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int main()
```

```
{  
    int n;  
    cin>>n;  
    int i, j;  
    for (i=1; i<=n; i++) // 输出 n 行  
    {  
        for (j=i; j<=n; j++) { cout<<"*"; } // 每行输出 n+1-i 个 *  
        cout<<endl;  
    }  
    return 0;  
}
```

```

#include <bits/stdc++.h>//17-1783-1    fangweijiaoyu
using namespace std;
void print(int n)
{
    if(n==0) return;// 递归出口
    print(n-1); // 先调用下一层 ， 保证先输出小的数字
    for (int i=1;i<=n;i++)// 再输出
        cout<<n;
    cout<<endl;
}
int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    print(n);
    return 0;
}

```

数字直角 (1)

```

#include <bits/stdc++.h>//17-1783-2    javacn
using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    int i, j;
    for (i=1;i<=n;i++)    // 输出 n 行
    {
        // 每行输出 i 列
        for (j=1;j<=i;j++)    cout<<i;
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}

```

数字直角 (2)

```
#include<iostream>//18-1784-1   jiangyf70
using namespace std;
void tx(int a, int n)
{
    if(a <= n)
    {
        for(int i = 1; i <= a; i++) cout << i;
        cout << endl;
        tx(a + 1, n);
    }
}
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    tx(1, n);
    return 0;
}
```

```
#include <bits/stdc++.h>//18-1784-2   javacn
using namespace std;
int main() {
    int n;
    cin>>n;
    int i, j;
    // 输出 n 行
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        // 每行输出 i 列
        for (j=1; j<=i; j++) cout<<j;
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

字符图形 9- 数字正三角

```
#include<iostream>//19-1088-1  jiangyf70
using namespace std;
void tx(int a, int n)
{
    if(a <= n)
    {
        for(int i = a; i < n; i++ )        cout << ' ';
        for(int i = 1; i <= 2 * a - 1; i++)    cout << a;
        cout << endl;
        tx(a + 1, n);
    }
}

int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    tx(1, n);
    return 0;
}

#include <bits/stdc++.h>//19-1088-2  javacn
using namespace std;
int main() {
    int n;
    cin>>n;
    int i, j;
    for (i=1; i<=n; i++) { // 循环展示 n 行
        // 循环数字前空格的展示
        for (j=1; j<=n-i; j++) {    cout<<" ";    }
        // 数字的循环展示
        for (j=1; j<=2*i-1; j++) {    cout<<i;    }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

请问一个正整数能够整除几次 2

```
#include<iostream>//20-1244-1  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int zc(int n)
```

```
{
```

```
    if(n % 2 == 0) return 1 + zc(n/2);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    cout << zc(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```
#include <bits/stdc++.h>//20-1244-2  javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin>>n;
```

```
    int i=0;//i 作为计数器，计算能被 2 整除的数的个数
```

```
    while (n%2==0)
```

```
    {
```

```
        n=n/2;
```

```
        i++;
```

```
    }
```

```
    cout<<i;
```

```
}
```


递归的应用

```
#include <iostream>//1-1088-1  anseixu
using namespace std;
long long gcd(long long x, long long y)// 辗转相除法求最大公约数
{
    if(y==0)    return x;    // 除数为 0, 输出 x

    return     gcd(y, x%y); // 否则, 除数为被除数, 余数为除数继续调用 gcd
}
int main()
{
    long long n, m;
    cin>>n>>m;
    cout<<gcd(n, m);
    return 0;
}
```

递归求解:

```
#include <bits/stdc++.h>//1-1088-2  javacn
using namespace std;
long long fun(long x, long long y)// 求 x 和 y 的最大公约数
{
    if(x % y != 0)    return fun(y , x % y);
    else              return y;
}
long long a, b;
int main()
{
    cin>>a>>b;
    cout<<fun(a, b);
    return 0;
}
```

欧几里得算法又称辗转相除法，是指用于计算两个非负整数 a , b 的最大公约数。

比如：假设求 45 和 60 的最大公约数。

$45 \% 60 = 45$ $60 \% 45 = 15$ $45 \% 15 = 0$

因此结果是 15。 循环求解：

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1088-3   javacn
using namespace std;
long long a,b,t;
int main() {
    cin>>a>>b;
    while(a % b != 0) { // 辗转相除法, 求最大公约数
        t = a % b; // 存储余数
        a = b;
        b = t;
    }
    cout<<b;
    return 0;
}
```

求两个数 M 和 N 的最大公约数

```
#include<bits/stdc++.h> //1-1088-4   hasome
using namespace std;
/*
更相减损法：
a=b, 则最大公约数为 a
如果 a>b 则 a=a-b 否则 b=b-a
*/
```

```
int main() {
    long long a,b;
    cin>>a>>b;
    while(a!=b) {
        if(a>b) a=a-b;
        else b=b-a;
    }
    cout<<a<<endl;
    return 0;
}
```

两个数 M 和 N 的最小公倍数

```
#include<iostream>//2-1087-1  jiangyf70
using namespace std;
long long gcd(long long n, long long m)
{
    if(n % m == 0) return m;
    return gcd(m, n % m);
}
int main()
{
    long long n, m;
    cin >> n >> m;
    cout << n / gcd(n, m) * m; // 不要先做 n * m 可能会爆 long long 范围
    return 0;
}
```

用乘积 / 最大公约数:

```
#include<bits/stdc++.h>//2-1087-2  javacn
using namespace std;
typedef long long LL;
int main() {
    LL m, n, t, a, b;
    cin >> m >> n;
    a = m;
    b = n; // 临时存储 mn 的值, 因为接下来要修改 mn 的值
    while(m % n != 0) {
        t = m % n;
        m = n;
        n = t;
    }
    // 最小公倍数 = a * b / 最大公约数
    cout << a * b / n;
}
```

阿克曼 (Ackmann) 函数

```
#include <bits/stdc++.h>//3-1695 hyb
```

```
using namespace std;
```

```
int ack(int m, int n)
```

```
{
```

```
    if(m == 0) return n + 1;
```

```
    else if(m != 0 && n == 0) return ack(m-1, 1);
```

```
    else if(m != 0 && n != 0) return ack(m-1, ack(m, n-1));
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int m, n;
```

```
    cin>>m>>n;
```

```
    cout<<ack(m, n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

数根

```
#include<iostream>//4-1514-1  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int sg(int n)
```

```
{
```

```
    if(n < 10) return n;
```

```
    int s = 0;
```

```
    while(n)
```

```
    {
```

```
        s += n % 10;
```

```
        n /= 10;
```

```
    }
```

```
    sg(s);
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    cout << sg(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>//4-1514-2   javacn
using namespace std;
// 定义函数 求一个数的各个位上的和
int qiuhe(int n) {
    int s=0;//s 变量存放数的每位的和
    // 通过短除法求
    while(n!=0) {
        s=s+n%10;
        n=n/10;
    }
    return s;
}
int main() {
    int n,m;
    cin>>n;
    //n 变量如果是一位数，树根就是自己 否则要不停的求和直到是个位数
    while(n>=10) {
        m = qiuhe(n);
        n = m;
    }
    cout<<n<<endl;
    return 0;
}
```

汉诺塔的移动次数

```
#include <bits/stdc++.h>//5-1223 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
/*
```

通过递推发现规律：

n 个金片要移动次数 = $(n-1)$ 个金片要移动的次数 * 2 + 1

用 $A(n)$ 表示 n 个金片移动的步数：

$A(n) = A(n-1) * 2 + 1$

因为：

需要先将 $(n-1)$ 个顶部的金片从 A，借助于 C，移动到 B ($A(n-1)$ 步)

将最底层的最大金片移动到 C (1 步)

需要先将 $(n-1)$ 个顶部的金片从 B，借助于 A，移动到 C ($A(n-1)$ 步)

因此得出结论：

$A(n) = A(n-1) * 2 + 1$

```
*/
```

```
// 求 n 个金片的移动次数
```

```
int fun(int n) {  
    if(n == 1) return 1;//1 个金片不需要递归  
    else return fun(n-1)*2+1;  
}
```

```
int main() {  
    int n;  
    cin>>n;  
    cout<<fun(n);  
    return 0;  
}
```

经典递归问题——汉诺塔

A 为存放盘子的塔，C 为目标塔，B 为辅助塔

```
#include <bits/stdc++.h> //6-1222 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
/*
```

移动的过程：

1、先将 $n-1$ 个金片 (n 个金片除了最下面一个以外的金片)

从 A 位置，借助 C 位置，移动到 B 位置，需要 $\text{fun}(n-1)$ 步

2、将 A 位置的最下方的一个金片，直接移动到 C 位置，需要 1 步

3、将 B 位置的 $n-1$ 个金片，从 B 位置借助 A 位置移动到 C 位置

需要 $\text{fun}(n-1)$ 步

因此得到结论如下： $\text{fun}(n) = \text{fun}(n-1) * 2 + 1$

函数的作用：将 n 个金片从 $p1$ 位置，借助 $p2$ 位置，移动到 $p3$ 位置

$p1$ ：源位置（金片所在的源位置）

$p2$ ：辅助位置（移动的过程中要借助的位置）

$p3$ ：目标位置（移动到的位置）

```
*/
```

```
void move(int n, char p1, char p2, char p3) {
```

```
    // 递归的出口：只要有金片就要递归，没有金片递归停止
```

```
    if(n > 0) {
```

```
        // 第 1 步：将  $n-1$  个金片，从  $p1$  位置，借助  $p3$  位置，移动到  $p2$  位置
```

```
        move(n-1, p1, p3, p2);
```

```
        // 第 2 步：将  $p1$  位置的第  $n$  个金片直接移动到  $p3$  位置
```

```
        cout<<p1<<" To "<<p3<<endl;
```

```
        // 第 3 步：将  $p2$  位置的  $n-1$  个金片，借助于  $p1$  位置，移动到  $p3$  位置
```

```
        move(n-1, p2, p1, p3);
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    int n;
```

```
    cin>>n;
```

```
    // 递归调用，打印移动的步骤
```

```
    move(n, 'A', 'B', 'C');
```

```
    return 0;
```

```
}
```


土地分割

把一块 $M*N$ 米的土地分割成同样大的正方形，要求 1: 没有土地剩余，2: 分割出的正方形土地最大。没有剩余就是说 M 、 N 都能被分割出来的正方形边长整除；分割出来的土地最大，也就是说在可以整除 M 、 N 的边长中找最大的那个数；结论：求 M 、 N 的最大公约数。利用欧几里得算法轻松实现：（注意数据范围）

```
#include <iostream>//7-1335  anselxu
using namespace std;
// 辗转相除法求最大公约数
long long gcd(long long x, long long y) {
    // 除数为 0，输出 x
    if(y==0) return x;
    // 否则，除数为被除数，余数为除数继续调用 gcd
    return gcd(y, x%y);
}
int main()
{
    long long n, m;
    cin>>n>>m;
    cout<<gcd(n, m);
    return 0;
}
```

`#include<bits/stdc++.h> //8-1208-1` 螺旋方阵 深搜 [jiangyf70](#) 推荐学习

```
using namespace std;
int q[20][20];
int dx[] = {0, 1, 0, -1};
int dy[] = {1, 0, -1, 0};
int n, i = 0;
void fun(int x, int y, int k)
{
    if(x>0 && x<=n && y > 0 && y <= n && q[x][y] == 0) // 不越界, 并且数值为 0
    {
        q[x][y] = k;
        int tx, ty;
        tx = x + dx[i], ty = y + dy[i];
        if(tx<1 || tx>n || ty<1 || ty>n || q[tx][ty]) // 越界, 或者数值不为 0
        {
            i = (i + 1) % 4; // 拐弯
            tx = x + dx[i], ty = y + dy[i];
        }
        fun(tx, ty, k+1);
    }
}
int main()
{
    cin >> n;
    fun(1, 1, 1);
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for(int j = 1; j <= n; j++)
            cout << setw(3) << q[i][j];
        cout << endl;
    }
    return 0;
}
```

#include<bits/stdc++.h>//8-1208-2 螺旋方阵 递归 jiangyf70 仅供参考

```
using namespace std;
int q[20][20];
int dx[] = {0, 1, 0, -1};
int dy[] = {1, 0, -1, 0};
int n;
void lxfz(int a, int b, int c)
{
    if(b > 0)
    {
        int x = a, y = a, k = 0;
        q[x][y] = c++;
        for(int i = 0; i < 4; i++)
        {
            for(int j = 0; j < b - 1; j++)
            {
                x = x + dx[i], y = y + dy[i];
                if(q[x][y] == 0) q[x][y] = c++;
            }
        }
        lxfz(a + 1, b - 2, c);
    }
}
int main()
{
    cin >> n;
    lxfz(1, n, 1);
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for(int j = 1; j <= n; j++)
            cout << setw(3) << q[i][j];
        cout << endl;
    }
    return 0;
}
```

#include<bits/stdc++.h>>//8-1208-3 螺旋方阵 偏移数组 jiangyf70 仅供参考

```
using namespace std;
int q[20][20];
int dx[] = {0, 1, 0, -1};
int dy[] = {1, 0, -1, 0};
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    int x = 0, y = 0, k = 0;
    for (int i = 1; i <= n * n; i++)
    {
        q[x][y] = i;
        int a = x + dx[k], b = y + dy[k];
        if (a < 0 || a >= n || b < 0 || b >= n || q[a][b])
        {
            // 如果越界, 或者数值不为 0, 那么拐弯
            k = (k + 1) % 4;
            a = x + dx[k], b = y + dy[k];
        }
        x = a, y = b;
    }
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            cout << setw(3) << q[i][j];
        }
        cout << endl;
    }

    return 0;
}
```

非官方题解

```
#include<bits/stdc++.h>//8-1208-4 hasome
using namespace std;
int a[20][20], n;
int main()
{
    int i, j, x=1;
    cin>>n;
    for (i=1; i<=(n+1)/2; i++)
    {
        for (j=i; j<=n-i+1; j++) a[i][j]=x++;
        for (j=i+1; j<=n-i+1; j++) a[j][n-i+1]=x++;
        for (j=n-i; j>=i; j--) a[n-i+1][j]=x++;
        for (j=n-i; j>i; j--) a[j][i]=x++;
    }
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        for (j=1; j<=n; j++)
            cout<<setw(3)<<a[i][j];
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

`#include <bits/stdc++.h>`//9-1209-1 javacn 递归实现: 推荐学习

`using namespace std;`

`int a[20][20], n;`

`// 为二维数组的第 x 圈赋值 //start: 起始点的坐标 //len: 赋值的宽度 //x: 起始值`

`void fun(int start, int len, int x)`

`{`

`if(len > 0) // 递归出口`

`{`

`int i, j;`

`for(j = start; j <= start + len - 1; j++) // 循环第 1 行的列 (向右)`

`{`

`a[start][j] = x;`

`}`

`// 循环向下, 最后一列, 循环行`

`for(i = start + 1; i <= start + len - 1; i++)`

`{`

`a[i][start + len - 1] = x;`

`}`

`// 循环向左, 最后一行, 循环列`

`for(j = start + len - 2; j >= start; j--)`

`{`

`a[start + len - 1][j] = x;`

`}`

`// 循环向上, 第 1 列, 循环行`

`for(i = start + len - 2; i >= start + 1; i--)`

`{`

`a[i][start] = x;`

`}`

`// 递归为 start+1 这一圈赋值`

`fun(start + 1, len - 2, x - 1);`

`}`

`}`

```

int main()
{
    cin >> n;
    // 为从 1,1 点开始的一圈赋值, 边长为  $n * 2 + 1$ 
    fun(1, n * 2 + 1, n);
    n = n * 2 + 1;    // 输出
    int i, j;
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= n; j++)
        {
            cout << setw(2) << a[i][j];
        }
        cout << endl;
    }
}

```

`#include<bits/stdc++.h> //9-1209-2` `tc_ljp6` 仅供参考

```

using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cin>>n;
    int s=2*n+1;
    int a[s][s];
    for (int i=0;i<s;i++)
    {
        for (int j=0;j<s;j++)
        {
            cout<<setw(2)<<max(abs(n-j), abs(n-i));
        }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}

```

#include<bits/stdc++.h>//9-1209-3 回形方阵

递归 jiangyf70

```
using namespace std;
```

```
int q[30][30];
```

```
int dx[] = {0, 1, 0, -1};
```

```
int dy[] = {1, 0, -1, 0};
```

```
void hxfz(int a, int n) // 在 a 位置填充 n
```

```
{
```

```
    if(n >= 0)
```

```
    {
```

```
        int x = a , y = a;
```

```
        q[x][y] = n;
```

```
        for(int i = 0; i < 4; i++)
```

```
        {
```

```
            for(int j = 0; j < 2 * n; j++)
```

```
            {
```

```
                x = x + dx[i], y = y + dy[i];
```

```
                q[x][y] = n;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        hxfz(a + 1, n - 1);
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n;
```

```
    cin >> n;
```

```
    hxfz(1, n);
```

```
    for(int i = 1; i <= 2 * n + 1; i++)
```

```
    {
```

```
        for(int j = 1; j <= 2 * n + 1; j++) { cout << setw(2) << q[i][j]; }
```

```
        cout << endl;
```

```
    }
```

```
    return 0;
```

```
}
```


递归

```
#include<iostream>//10-1562-1  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int sum = 0;
```

```
int cnt(int n) // 求位数
```

```
{  
    int res = 0;  
    while(n)  
    {  
        n /= 10;  
        res++;  
    }  
    return res;  
}
```

```
int fun(int n)  
{  
    if(n == 0) return sum;  
    sum += cnt(n);  
    fun( n / 2);  
}
```

```
int main()  
{  
    int n;  
    cin >> n;  
    cout <<fun(n);  
    return 0;  
}
```

加数

边界返回 0, 递归返回当前数长度 + 除 2 后的数长度

```
#include<iostream>//10-1562-2  anselxu
```

```
#include<iomanip>
```

```
using namespace std;
```

```
int cd(int x) {
```

```
    int len=0;
```

```
    while(x) {
```

```
        len++;
```

```
        x/=10;
```

```
    }
```

```
    return len;
```

```
}
```

```
int fc(int x) {
```

```
    if(x==0) return 0;
```

```
    return cd(x)+fc(x/2);
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    int n, tot=0;
```

```
    cin>>n;
```

```
    cout<<fc(n);
```

```
    return 0;
```

```
}
```

计算出当前数的位数 + 当前数不断除 2 的位数的和，直到计算到 0。

```
#include <bits/stdc++.h> //10-1562-3  javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
// 计算一个整数的位数
```

```
int fun(int x) {
```

```
    int r = 0;
```

```
    while(x != 0) {
```

```
        r++;
```

```
        x /= 10;
```

```
    }
```

```
    return r;
```

```
}
```

```
int main() {
```

```
    int ans = 0;
```

```
    cin >> n;
```

```
    while(n != 0) {
```

```
        ans += fun(n);
```

```
        n /= 2; // 加一半的位数
```

```
    }
```

```
    cout << ans;
```

```
    return 0;
```

```
}
```