

# 深度搜索

## 1、深度搜索基础

深搜模板题。

本题要求为矩阵每个点赋值，可以定义函数，来为矩阵赋值，比如：定义函数 `dfs(int x, int y)`，含义是为 `x`、`y` 点赋值。

调用函数时，首先为 `1, 1` 点赋值为 `1`，也就是 `dfs(1, 1)`，既然函数能够为 `1, 1` 点赋值，也就能为 `1, 2` 点赋值，以此类推，是典型的递归思想，要注意，每次递归，所赋的值要 `+1`。

本题需要掌握下列内容：

- 1、理解赋值的顺序，任意给定一个 `n*m` 的矩阵，能够写出赋值的结果；
- 2、理解递归的过程，任意给定一个 `n*m` 的矩阵，能够画出递归的过程；
- 3、理解程序编写的过程，和实现的原理；
- 4、理解函数递归调用的过程；
- 5、理解迷宫类递归的几种不同写法；

解法一：将要填写的位置 `x, y`，以及要递归的值，作为递归参数

注意：将要填写的值 `k` 作为递归参数，本题是对的，因为本题从 `1, 1` 点开始，如果本题修改成从任意点开始深搜，那么是不能将要填的值 `k` 作为递归参数的（参考解法二），大家可以测试一下。

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1586-1 javacn
using namespace std;
int n, m;
int a[20][20];
// 为二维数组赋值
// 为 x, y 点赋值为 k
void fun(int x, int y, int k) {
    a[x][y] = k; // 赋值
    // 优先向右，其次向下，再次向左，再次向上
    // 递归的条件：不能出边界，且不能访问已经赋值的点
    if (y+1<=m && a[x][y+1]==0) fun(x, y+1, k+1); // 向右尝试
    if (x+1<=n && a[x+1][y]==0) fun(x+1, y, k+1); // 向下尝试
    if (y-1>=1 && a[x][y-1]==0) fun(x, y-1, k+1); // 向左尝试
    if (x-1>=1 && a[x-1][y]==0) fun(x-1, y, k+1); // 向上尝试
}
```

```
int main()
{
    //n行m列
    cin>>n>>m;
    //为1,1点赋值为1
    fun(1,1,1);

    //输出
    int i,j;
    for(i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(j = 1;j <= m;j++)
        {
            cout<<setw(3)<<a[i][j];
        }
        cout<<endl;
    }
}
```

解法二：将  $x, y$  作为递归参数，将要填写的值  $k$ ，作为全局变量。

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1586-2 javacn
using namespace std;
int a[20][20], n, m, k = 1;
// 为 x, y 点填值
void dfs(int x, int y) {
    a[x][y] = k;
    k++; // 每填一个值，值要自增

    //dfs 函数既然能为 xy 点填值，必定能为 xy 右侧点 x, y+1 填值
    // 递归条件：不能出右边界，右侧点没有走过
    if (y+1<=m && a[x][y+1]==0) dfs(x, y+1);
    // 右侧不能走，向下
    if (x+1<=n && a[x+1][y]==0) dfs(x+1, y);
    // 向下不能走，向左
    if (y-1>=1 && a[x][y-1]==0) dfs(x, y-1);
    // 左侧不能走，向上
    if (x-1>=1 && a[x-1][y]==0) dfs(x-1, y);
}

int main()
{
    cin>>n>>m;
    dfs(1, 1); // 从 1, 1 点开始赋值
    // 输出
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= m; j++)
        {
            cout<<setw(3)<<a[i][j];
        }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}
```

思路：从出发点开始，探测所有可探测的点，看是否有目标点，如果有，就表示可达，否则表示不可达！

走到终点后，我们要将程序直接停掉，来避免不必要的递归：

(1) return：停止当前的函数，如果函数是递归产生的，不会停止所有的递归，只是停止本次函数的递归，退到上一次调用的地方；

(2) exit(0)：停止程序，无论是否有递归，全部停止。

```
#include <bits/stdc++.h> //2-1430-1 javacn
using namespace std;
/*
1. 判断如果起止点有 1，就不能走；
2. 从起点开始搜索，如果走到过终点，标记；
*/
int a[110][110];
int n;
int ha, la, hb, lb;

// 搜索所有可行的点，走过标记
void dfs(int x, int y)
{
    //cout<<x<<" "<<y<<endl;
    a[x][y] = 1; // 走过的点标记
    // 判断是否到达终点
    if (x==hb&&y==lb)
    {
        cout<<"YES";
        exit(0);
    }

    // 判断四个方向，是否有能走的点，如果有，直接递归执行
    if (y+1<=n&&a[x][y+1]==0) dfs(x, y+1);
    if (x+1<=n&&a[x+1][y]==0) dfs(x+1, y);
    if (y-1>=1&&a[x][y-1]==0) dfs(x, y-1);
    if (x-1>=1&&a[x-1][y]==0) dfs(x-1, y);
}
```

```
int main()
{
    cin>>n;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= n;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }
    cin>>ha>>la>>hb>>lb;

    // 如果起止点不能走，输出 NO
    if(a[ha][la]==1 || a[hb][lb]==1) {
        cout<<"NO";
        return 0;
    }

    dfs(ha, la); // 从 ha, la 开始搜索，走过的点标记为 1
    cout<<"NO";
    return 0;
}
```

```

#include<iostream>//2-1430-2  bfs 广搜  jiangyf70
using namespace std;
int a[110][110], r[100100][3];
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
int fy[] = {1, 0, -1, 0};
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++) // 题目坐标从 1,1 开始的。
            cin >> a[i][j];
    }
    int x1, y1, x2, y2;
    cin >> x1 >> y1 >> x2 >> y2;
    if(a[x1][y1] || a[x2][y2])
    {
        cout << "NO";
        return 0;
    }

    int head = 0, tail = 0;
    r[head][0] = x1;
    r[head][1] = y1;
    a[x1][y1] = 1;
    bool f = false; // 是否到终点

```

```

while(head <= tail && f == false)
{
    for(int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int dx = r[head][0] + fx[i];
        int dy = r[head][1] + fy[i];
        if(dx == x2 && dy == y2)
        {
            f = true;
        }
        else if(dx >= 1 && dx <= n && dy >= 1 && dy <= n && a[dx][dy] == 0)
        {
            tail++;
            r[tail][0] = dx;
            r[tail][1] = dy;
            a[dx][dy] = 1;
            //cout <<head <<" " << tail <<" "<< r[tail][0] << " " <<
r[tail][1] << endl;

        }
    }
    head++;
}
if(f) cout << "YES";
else cout << "NO";
return 0;
}

```

循环每个点，如果当前的点是 'W'，则计数器自增 1；然后从当前的 i, j 点开始递归，将上下左右中相邻的为 W 的点全部标记为 '.'。

深搜求解：

```
#include <bits/stdc++.h> //3-1434-1 javacn
using namespace std;

/*
    思路：当遇到积水格，计数器加 1，并将该区域的池塘抽干
*/
int n, m;
char a[110][110]; // 默认初值为 '\0'
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 深搜：将 xy 及相邻的积水点全部标记为 .
void dfs(int x, int y)
{
    // 将递归到的有效的点（相邻的有积水的点）标记为 .
    a[x][y] = '.';

    int tx, ty;
    // 递归尝试 4 个方向
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 如果该点有效（本题判断相邻格是 W，就不用判断是否出边界了）
        if(a[tx][ty] == 'W')
        {
            dfs(tx, ty);
        }
    }
}
```



```

int main()
{
    cin>>n>>m;
    int i, j, c = 0;
    // 读入地图
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 依次遍历每个点，如果是池塘，就将计数器 +1，并将相邻池塘单元格全部标记为
点
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= m; j++)
        {
            // 如果该点是池塘
            if(a[i][j] == 'W')
            {
                c++;
                dfs(i, j);
            }
        }
    }

    cout<<c;
}

```

```
#include <bits/stdc++.h>//3-1434-2 javacn 不使用方向数组的参考解法
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m, c = 0;
```

```
char a[110][110]; // 存储地图数据
```

```
// 将从 x, y 点开始的相邻的 W 标记为 .
```

```
void dfs(int x, int y)
```

```
{
```

```
    a[x][y] = '.';
```

```
    // 尝试四个相邻的方向
```

```
    // 由于字符数组出了边界不可能是 W，因此字符数组可以不判断出边界
```

```
    if(a[x][y+1]=='W') dfs(x, y+1);
```

```
    if(a[x+1][y]=='W') dfs(x+1, y);
```

```
    if(a[x][y-1]=='W') dfs(x, y-1);
```

```
    if(a[x-1][y]=='W') dfs(x-1, y);
```

```
}
```

```
int main()
{
    // 读入
    cin>>n>>m;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 从每个点开始，遇到 W，C++，并将相邻的能走到的 W 全标记为 .
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            if(a[i][j] == 'W')
            {
                c++;
                // 从该点开始搜索，将相邻的 W 标记为 .
                dfs(i, j);
            }
        }
    }

    cout<<c<<endl;
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>//3-1434-3  bfs 广搜  jiangyf70
using namespace std;
int n, m;
char a[110][110];
int r[100100][3];
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
int fy[] = {1, 0, -1, 0};
void bfs(int x, int y)
{
    int head = 0, tail = 0;
    memset(r, 0, sizeof(r));
    r[head][0] = x;
    r[head][1] = y;
    a[x][y] = '.';
    while(head <= tail)
    {
        for(int i = 0; i < 4; i++)
        {
            int dx = r[head][0] + fx[i];
            int dy = r[head][1] + fy[i];
            if(a[dx][dy] == 'W')
            {
                tail++;
                r[tail][0] = dx;
                r[tail][1] = dy;
                a[dx][dy] = '.';
            }
        }
        head++;
    }
}
```

```
void print()
{
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        cout << a[i] << endl;
    }
    cout << endl;
}

int main()
{
    cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++) cin >> a[i];
    int cnt = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            if (a[i][j] == 'W')
            {
                cnt++;
                bfs(i, j);
                //print();
            }
        }
    }
    cout << cnt;
    return 0;
}
```

```

#include<bits/stdc++.h>//4-1435 wsjszvip
using namespace std;
int n, m;
char a[101][101];
int fx[8] = {-1, 0, 1, 0, -1, -1, 1, 1};
int fy[8] = {0, 1, 0, -1, -1, 1, 1, -1};
void dfs(int i, int j)
{
    // 标记为点
    a[i][j] = '.';
    int oi, oj, k;
    for (k = 0 ; k < 8 ; k ++)
    {
        oi = i + fx[k];
        oj = j + fy[k];
        // (i-1, 0) (i, j+1) (i+1, j) (i, j-1)
        if (oi >= 1 && oi <= n && oj >= 1 && oj <= m && a[oi][oj] == 'W')
        {
            dfs(oi, oj);
        }
    }
}

```

```
int main()
{
    cin >> n >> m;
    int i, j, c = 0;
    for (i = 1; i <= n ; i ++)
    {
        for (j = 1; j <= m ; j ++)
        {
            cin >> a[i][j];
        }
    }

    for (i = 1; i <= n ; i ++)
    {
        for (j = 1 ; j <= m ; j ++)
        {
            if (a[i][j] == 'W')
            {
                dfs(i, j);
                c ++;
            }
        }
    }
    cout<<c;
    return 0;
}
```

反过来考虑这个问题，判断在圈里面不容易，但判断在圈外面很容易

沿着最外层遍历一圈，从最外层的 0 开始搜索，可以访问到所有封闭的圈以外的 0，标记为 3；

打印：3 打印为 0, 1 还是打印为 1, 0 打印为 2；

```
#include <bits/stdc++.h> //5-1802-1   javacn
using namespace std;

int n;
int a[40][40];
// 方向值的变化数组
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 深搜：从 xy 点开始搜索，将所有相邻的 0 标记为 3
void dfs(int x, int y)
{
    a[x][y] = 3;
    // 遍历四方向
    int tx, ty;
    for (int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        // 判断在方阵内，且要去的点是 0
        if (tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= n && a[tx][ty] == 0) dfs(tx, ty);
    }
}
```



```

int main()
{
    cin>>n;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)    {    cin>>a[i][j];    }
    }
    // 遍历最外层的值, 找到 0, 深搜
    // 第 1 行和最后一行, 一定在最外层, 其余每行只有第 1 个和最后一个在最外层
    // 循环每一行
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        // 只有第 1 行和最后一行要循环每一列
        if (i == 1 || i == n)
        {
            for (int j = 1; j <= n; j++)    {    if (a[i][j] == 0) dfs(i, j);    }
        }
        else {
            // 看第 1 个和最后一个值
            if (a[i][1] == 0) dfs(i, 1);
            if (a[i][n] == 0) dfs(i, n);
        }
    }
    for (int i = 1; i <= n; i++)    // 打印
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)
        {
            if (a[i][j] == 3) cout<<0<<" ";
            else if (a[i][j] == 0) cout<<2<<" ";
            else cout<<1<<" ";
        }
        cout<<endl;
    }
    return 0;
}

```

```

#include <bits/stdc++.h>//5-1802-2 R_S
using namespace std;
int a[35][35];
int n;
void dfs(int x , int y)
{
    a[x][y] = 2;
    int xx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
    int yy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};
    for (int i=1; i<=4; i++)
    {
        int tx = x + xx[i];
        int ty = y + yy[i];
        if(tx>=1 && tx<=n-1 && ty>=1 && ty<=n-1 && a[tx][ty]==0)
        {
            dfs(tx, ty);
        }
    }
}
void p()
{
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        for (int j=1; j<=n; j++)
        {
            cout << a[i][j] << ' ';
        }
        cout << endl;
    }
}
}

```

```
int main()
{
    cin >> n;
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        for (int j=1;j<=n;j++)
        {
            cin >> a[i][j];
        }
    }

    // 开始找第一个为 1 的点
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        for (int j=1;j<=n;j++)
        {
            if(a[i][j]==1)
            {
                dfs(i+1, j+1);
                p();
                return 0;
            }
        }
    }

    return 0;
}
```

```
/*
```

- 1、从第一个点开始找，找到第一个为 1 的点开始深搜，  
因为数字 1 构成圆环，那么最后一个遍历点会回到第一个 1 的位置。  
构成位置后，从倒数第一个点的右边开始填色，填色同样采用深搜的方式。

```
*/
```

```
#include<bits/stdc++.h>//5-1802-3    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
int a[40][40];
```

```
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
```

```
int fy[] = {1, 0, -1, 0};
```

```
void dfs(int x, int y, int k)
```

```
{
```

```
    a[x][y] = k;
```

```
    for(int i = 0; i < 4; i++)
```

```
    {
```

```
        int dx = x + fx[i];
```

```
        int dy = y + fy[i];
```

```
        if(a[dx][dy] == 0 && dx >= 1 && dx <= n && dy >= 1 && dy <= n)
```

```
            dfs(dx, dy, k);
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
{
    cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)
        {
            cin >> a[i][j];
        }
    }

    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if(a[1][i] == 0) dfs(1, i, 3);
        if(a[i][1] == 0) dfs(i, 1, 3);
        if(a[n][i] == 0) dfs(n, i, 3);
        if(a[i][n] == 0) dfs(i, n, 3);
    }

    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)
        {
            if(a[i][j] == 3) a[i][j] = 0;
            else if(a[i][j] == 0) a[i][j] = 2;
            cout << a[i][j] << " ";
        }
        cout << endl;
    }
    return 0;
}
```

```
#include<iostream>//5-1802-4  jiangyf70
using namespace std;
int n, a[30][30];
int fx[4] = {0, 1, 0, -1};
int fy[4] = {1, 0, -1, 0};
void dfs(int x, int y)
{
    a[x][y] = 3;
    for(int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int dx = x + fx[i];
        int dy = y + fy[i];
        if(dx <= n && dx >= 1 && dy <= n && dy >= 1 && a[dx][dy] == 0)
            dfs(dx, dy);
    }
}
```

```

int main()
{
    cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        for (int j = 1; j <= n; j++)
            cin >> a[i][j];

    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if (i == 1 || i == n)
        {
            for (int j = 1; j <= n; j++)
            {
                if (a[i][j] == 0) dfs(i, j);
            }
        }
        else
        {
            if (a[i][1] == 0) dfs(i, 1);
            if (a[i][n] == 0) dfs(i, n);
        }
    }

    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)
        {
            if (a[i][j] == 0) a[i][j] = 2;
            if (a[i][j] == 3) a[i][j] = 0;
            cout << a[i][j] << " ";
        }
        cout << endl;
    }
    return 0;
}

```

```

#include<iostream>//6-1383 anselxu
#include<cmath>
using namespace std;
char a[33][33];
int n,m;
void dfs(int x,int y)
{
    a[x][y]='.'//改变值来记录已经搜索过的#
    if(a[x+1][y]=='#') dfs(x+1,y);
    if(a[x-1][y]=='#') dfs(x-1,y);
    if(a[x][y+1]=='#') dfs(x,y+1);
    if(a[x][y-1]=='#') dfs(x,y-1);
    return;
}

int main()
{
    cin>>n>>m;
    int tot=0;
    for(int i=1;i<=n;i++)
        for(int j=1;j<=m;j++)
            cin>>a[i][j];

    for(int i=1;i<=n;i++)
        for(int j=1;j<=m;j++)
        {
            if(a[i][j]=='#')
            {
                tot++;//找到#,累计加1
                dfs(i,j);搜索相邻的#
            }
        }
    cout<<tot;
    return 0;
}

```



- 1、读入数据，读入的同时记录 @ 的位置（下标）
  - 2、从 @ 的位置出发，深搜，每搜过一个点，通过公共计数器 c 来统计搜索的次数
- 注意：为了防止死循环，走过一个点，就将该点从 . 改成 #

```
#include<bits/stdc++.h>//7-1897-1 javacn
using namespace std;
int n,m,s1,s2;//s1,s2 代表出发点的位置
char a[50][50];
int c = 0;
// 深搜从出发点开始能够访问到的点，并标记为 #
void dfs(int x,int y)
{
    a[x][y] = '#';// 标记走过，防止死循环
    c++;// 走过一个点计数一次
    // 尝试四方向
    // 不需要判断出边界，因为出了边界不可能是 .
    if(a[x][y+1]=='.') dfs(x,y+1);
    if(a[x+1][y]=='.') dfs(x+1,y);
    if(a[x][y-1]=='.') dfs(x,y-1);
    if(a[x-1][y]=='.') dfs(x-1,y);
}
```

```
int main()
{
    // 先读入列，再读入行
    cin>>m>>n;
    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            // 记录出发点的坐标
            if(a[i][j] == '@')
            {
                s1 = i;
                s2 = j;
            }
        }
    }
    dfs(s1, s2); // 从出发点开始搜索
    cout<<c;
    return 0;
}
```

```
#include<iostream>//7-1897-2 bfs 广搜 jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m;
```

```
char a[30][30];
```

```
int r[1000][3];
```

```
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
```

```
int fy[] = {1, 0, -1, 0};
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    cin >> m >> n;
```

```
    int x, y;
```

```
    for (int i = 0; i < n; i++)
```

```
    {
```

```
        for (int j = 0; j < m; j++)
```

```
        {
```

```
            cin >> a[i][j];
```

```
            if (a[i][j] == '@')
```

```
            {
```

```
                x = i;
```

```
                y = j;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    int head = 1, tail = 1;
```

```
    r[head][0] = x;
```

```
    r[head][1] = y;
```

```
    a[x][y] = '#';
```

```
while(head <= tail)
{
    for(int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int dx = r[head][0] + fx[i];
        int dy = r[head][1] + fy[i];
        if(a[dx][dy] == '.')
        {
            tail++;
            r[tail][0] = dx;
            r[tail][1] = dy;
            a[dx][dy] = '#';
        }
    }
    head++;
}
cout << tail;

return 0;
}
```

```
#include <bits/stdc++.h> //8-1907-1 javacn 深搜解法
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m, c;
```

```
char a[110][110];
```

```
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
```

```
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};
```

```
void dfs(int x, int y)
```

```
{
```

```
    a[x][y] = '0';
```

```
    int tx, ty;
```

```
    for (int i = 1; i <= 4; i++)
```

```
    {
```

```
        tx = x + fx[i];
```

```
        ty = y + fy[i];
```

```
        if (a[tx][ty] >= '1' && a[tx][ty] <= '9')
```

```
        {
```

```
            dfs(tx, ty);
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
{
    cin>>n>>m;

    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(int j = 1;j <= m;j++)
        {
            if(a[i][j]>='1' && a[i][j]<='9')
            {
                c++;
                dfs(i, j);
            }
        }
    }

    cout<<c;
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h>//8-1907-2    bfs 广搜    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m;
```

```
char a[110][110];
```

```
int r[100100][3];
```

```
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
```

```
int fy[] = {1, 0, -1, 0};
```

```
void bfs(int x, int y)
```

```
{
```

```
    memset(r, 0, sizeof(r));
```

```
    int head = 0, tail = 0;
```

```
    r[head][0] = x;
```

```
    r[head][1] = y;
```

```
    a[x][y] = '0';
```

```
    while(head <= tail)
```

```
    {
```

```
        for(int i = 0; i < 4; i++)
```

```
        {
```

```
            int dx = r[head][0] + fx[i];
```

```
            int dy = r[head][1] + fy[i];
```

```
            if(a[dx][dy] > '0' && a[dx][dy] <= '9')
```

```
            {
```

```
                tail++;
```

```
                r[tail][0] = dx;
```

```
                r[tail][1] = dy;
```

```
                a[dx][dy] = '0' ;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        head++;
```

```
    }
```

```
}
```

```
void print()
{
    for(int i = 0; i < n; i++) cout << a[i] << endl;
    cout << endl;
}
```

```
int main()
{
    cin >> n >> m;
    for(int i = 0; i < n; i++)
    {
        for(int j = 0; j < m; j++)
        {
            cin >> a[i][j];
        }
    }
    int cnt = 0;
    for(int i = 0; i < n; i++)
    {
        for(int j = 0; j < m; j++)
        {
            if(a[i][j] > '0' && a[i][j] <= '9')
            {
                cnt++;
                bfs(i, j);
                //print();
            }
        }
    }
    cout << cnt;
    return 0;
}
```



## 2、最少步数问题

- 1、准备一个整数数组，记录从出发点到每个点至少需要多少步，初始化为 INT\_MAX；
- 2、从出发点开始探测，顺时针探测，如果该点可达，且到该点的步数更少，则替换 d 数组的步数；
- 3、最终 d 数组记录了到每个点至少需要多少步，d[n][m] 就是最终结果；

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1432-1  javacn
using namespace std;
int n, m;
char a[50][50]; // 地图
int d[50][50]; // 存储走到每个点最少需要多少步
// 方向值变化的数组
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 递归探索地图，求到走到每个点最少需要多少步
void dfs(int x, int y, int dep)
{
    d[x][y] = dep;

    int tx, ty;
    // 循环数组，得到 4 个新的方向，递归探索 4 个方向
    for (int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 如果 tx, ty 可以探索（该点在地图内，且该点是 .，且走到该点的步数更少）
        if (a[tx][ty] == '.' && dep+1 < d[tx][ty])
        {
            dfs(tx, ty, dep+1);
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    int i, j;
    cin>>n>>m;
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            // 将最少步数初始值设为 INT_MAX
            d[i][j] = INT_MAX;
        }
    }

    // 调用函数
    dfs(1, 1, 1);

    cout<<d[n][m];

}
```

题目数据范围要求  $r, c \leq 40$ ，实际时超过的，开始我提交开的数组  $a$  为 45，报运行错误。开到 55 提交就 A 了。

```
#include<iostream>//1-1432 -2 广搜解 anselxu
using namespace std;
struct bfs_arr {
    int x, y, t, pr;
};
bfs_arr b[5000];
char a[55][55];
int main()
{
    int dx[]={0, 1, 0, -1};
    int dy[]={1, 0, -1, 0};
    bool f=0;
    int n, m, h, l;
    cin>>n>>m;
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        for (int j=1; j<=m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }
    int head, tail;
    head=1;
    tail=1;
    b[head].x=1;
    b[head].y=1;
    b[head].t=1;
```

```

while (head<=tail)
{
    h=b[head].x;
    l=b[head].y;
    a[h][l]='#';
    for (int i=0;i<4;i++)
    {
        if (a[h+dx[i]][l+dy[i]]=='.')
        {
            a[h+dx[i]][l+dy[i]]='#';
            b[++tail].t=b[head].t+1;
            b[tail].x=h+dx[i];
            b[tail].y=l+dy[i];
            b[tail].pr=head;
            if (h+dx[i]==n&& l+dy[i]==m)
            {
                cout<<b[tail].t;
                f=1;
                break;
            }
        }
    }
    head++;
    if (f) break;
}
return 0;
}

```

最少步数问题，走到每个点的最小危险系数的和就是本题的最少步数：

```
#include <bits/stdc++.h> //2-1541      javacn
using namespace std;

int n, m;
int a[50][50];
// 走到每个点危险系数和的最小值
int d[50][50];
// 方向值变化的数组
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 深搜求走到每个点经过的危险系数和的最小值
void dfs(int x, int y, int sum)
{
    d[x][y] = sum;

    // 循环四方向
    int tx, ty;
    for (int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 如果该点可行：走到该点的危险系数的和更小
        // 走到 tx, ty 点的危险系数 = 走到 x, y 点的危险系数 + tx, ty 点的危险系数
        if (sum+a[tx][ty]<d[tx][ty])
        {
            dfs(tx, ty, sum+a[tx][ty]);
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    cin>>n>>m;
    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            d[i][j] = INT_MAX;
        }
    }

    dfs(1,1, a[1][1]);
    cout<<d[n][m];
    return 0;
}
```

```
include<bits/stdc++.h>//3-1433-1 走出迷宫的最少步数 2 Mihui0705
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m, s1, s2, e1, e2;
```

```
char a[50][50];
```

```
int d[50][50];
```

```
int fx[4]={0, 1, 0, -1};
```

```
int fy[4]={1, 0, -1, 0};
```

```
void dfs(int x, int y, int k)
```

```
{
```

```
    d[x][y]=k;
```

```
    int tx, ty;
```

```
    for (int i=0; i<4; i++)
```

```
    {
```

```
        tx=x+fx[i];
```

```
        ty=y+fy[i];
```

```
        if((a[tx][ty]=='.' || a[tx][ty]=='T') && k+1<d[tx][ty])// 条件 1:
```

是空地 条件 2: 新获得的路径值比之前存储的最小值小 (大的就不用更改了)

```
        {
```

```
            dfs(tx, ty, k+1);// 每次往后面走都是前面一格最小值 +1 (因为是
```

通路)

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```

int main()
{

    cin>>n>>m;
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        for (int j=1;j<=m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            if(a[i][j]=='S')
            {
                s1=i;
                s2=j;
            }
            if(a[i][j]=='T')
            {
                e1=i;
                e2=j;
            }
        }
    }
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        for (int j=1;j<=m;j++)
        {
            d[i][j]=INT_MAX; // 要更改存储最小值，有一个比较存在，就得
            让其初始值处于无限大的状态
        }
    }
    dfs(s1, s2, 0);
    cout<<d[e1][e2];
    return 0;
}

```



```
#include <iostream>//3-1433-2 走出迷宫的最少步数 2 kevinh
```

```
#include <climits>
```

```
using namespace std;
```

```
int n,m,r[110][110];
```

```
char a[110][110];
```

```
int bx,by,ex,ey;
```

```
int fx[4][2] = {{-1,0},{0,1},{1,0},{0,-1}};
```

```
void dfs(int x,int y,int dep)
```

```
{  
    r[x][y]=dep;  
    int tx,ty;  
    for(int i=0;i<4;i++)  
    {  
        tx = x+fx[i][0];  
        ty = y+fx[i][1];  
  
        if(a[tx][ty]=='.' &&dep+1<r[tx][ty])  
        {  
            dfs(tx,ty,dep+1);  
        }  
    }  
}
```

```

int main()
{
    int i, j;
    cin>>n>>m;
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        for (j=1; j<=m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            r[i][j] = INT_MAX;
            // 找出起点和出口, 并设置为.
            if(a[i][j]=='S')
            {
                bx=i;
                by=j;
                a[i][j]='.';
            }
            else if(a[i][j]=='T')
            {
                ex=i;
                ey=j;
                a[i][j]='.';
            }

        }
    }
    dfs(bx, by, 0);
    cout<<r[ex][ey];
    return 0;
}

```

```
#include<bits/stdc++.h>//4-1900    jiangyf70
using namespace std;
char a[30][30];
int b[30][30];
int n, m;
int dx[4] = {0, 1, 0, -1};
int dy[4] = {1, 0, -1, 0};

void dfs (int x, int y, int dep)
{
    b[x][y] = dep;
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int fx = x + dx[i];
        int fy = y + dy[i];
        if ((a[fx][fy] == '.' || a[fx][fy] == '*') && b[x][y] + 1 < b[fx][fy])
        {
            dfs (fx, fy, dep+1);
        }
    }
}
```

```

int main()
{
    int x1, x2, y1, y2;
    cin >> n >> m;
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        for(int j = 1; j <= m; j++)
        {
            cin >> a[i][j];
            b[i][j] = INT&#95;MAX;
            if(a[i][j] == '@')
            {
                x1 = i;
                y1 = j;
            }
            if(a[i][j] == '*')
            {
                x2 = i;
                y2 = j;
            }
        }
    }

    dfs(x1, y1, 1);
    if(b[x2][y2] < INT&#95;MAX)        cout << b[x2][y2] - 1; // 不算最后一步。
    else cout << -1;

    return 0;
}

```

```
#include <bits/stdc++.h>//5-1901 javacn
```

```
using namespace std;
```

最少步数问题，关键信息如下：

1. 道路 (@)、墙壁 (#)、和守卫 (x) 骑士 (r)、公主 (a)
2. 移动一个位置，需要一个单位时间杀死守卫，需要额外多一个单位的时间
3. 不可能成功，输出” Impossible”

```
char a[30][30]; // 迷宫
```

```
int d[30][30]; // 最少步数
```

```
int n, m;
```

```
int s1, s2, e1, e2; // 起止点的坐标
```

```
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1}; // 方向
```

```
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};
```

```
void dfs(int x, int y, int sum) // 求走到每个点的最少时间
```

```
{  
    d[x][y] = sum;  
    // 尝试四方向  
    int tx, ty;  
    for (int i = 1; i <= 4; i++)  
    {  
        tx = x + fx[i];  
        ty = y + fy[i];  
        // 如果是 @ 或者 a, 且时间更少 (+1)  
        if ((a[tx][ty]=='@' || a[tx][ty]=='a') && sum+1<d[tx][ty])  
        {  
            dfs(tx, ty, sum+1);  
            // 如果是 x, 且时间更少 (+2)  
        }  
        else if (a[tx][ty]=='x' && sum+2<d[tx][ty])  
        {  
            dfs(tx, ty, sum+2);  
        }  
    }  
}
```

```

int main()
{
    // 读入、初始化
    cin>>n>>m;
    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for(int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];

            if(a[i][j] == 'r')
            {
                s1 = i;
                s2 = j;
            }
            else if(a[i][j] == 'a')
            {
                e1 = i;
                e2 = j;
            }

            d[i][j] = INT_MAX;
        }
    }

    dfs(s1, s2, 0);

    // 如果能走到
    if(d[e1][e2] != INT_MAX)        cout<<d[e1][e2];
    else cout<<"Impossible";
    return 0;
}

```

深搜求走到每个点的最少步数，注意本题要先读列，再读行：

```
#include <bits/stdc++.h> //6-1441-1    javacn
using namespace std;

//s1, s2: 出发点, e1, e2: 终点
int n, m, s1, s2, e1, e2;
char a[200][200]; // 迷宫
int d[200][200]; // 走到每个点的最少步数
// 方向数组
int fx[10] = {0, -2, -2, -1, 1, 2, 2, 1, -1};
int fy[10] = {0, -1, 1, 2, 2, 1, -1, -2, -2};

// 深搜求走到每个点的最少步数
void dfs(int x, int y, int step)
{
    d[x][y] = step;
    int tx, ty;
    for (int i = 1; i <= 8; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        if ((a[tx][ty] == '.' || a[tx][ty] == 'H') && step + 1 < d[tx][ty])
        {
            dfs(tx, ty, step + 1);
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    // 本题先读列，再读行
    cin>>m>>n;
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        for (int j=1;j<=m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            d[i][j]=INT_MAX;
            if(a[i][j]=='K')
            {
                s1=i;
                s2=j;
            }
            else if(a[i][j]=='H')
            {
                e1=i;
                e2=j;
            }
        }
    }
    dfs(s1, s2, 0);
    cout<<d[e1][e2];
}
```



```
#include<iostream>//6-1441-2 广搜 anseIxu
```

```
using namespace std;
```

```
struct pp{int a, b, t, pr;};
```

```
int dx[]={2, 2, 1, 1, -2, -2, -1, -1};
```

```
int dy[]={1, -1, 2, -2, 1, -1, 2, -2};
```

```
char b[180][180];
```

```
pp a[40001];
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n, m, x, y;
```

```
    cin>>m>>n;
```

```
    for (int i=1; i<=n; i++)
```

```
    {
```

```
        for (int j=1; j<=m; j++)
```

```
        {
```

```
            cin>>b[i][j];
```

```
            if(b[i][j]=='K')
```

```
            {
```

```
                x=i;
```

```
                y=j;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    int head, tail;
```

```
    head=1;
```

```
    tail=1;
```

```
    a[head]. a=x;
```

```
    a[head]. b=y;
```

```
    a[head]. t=0;
```

```
    b[x][y]='*';
```

```

while (head<=tail)
{
    int h, l;
    x=a[head]. a;
    y=a[head]. b;
    for (int i=0; i<8; i++)
    {
        h=x+dx[i];
        l=y+dy[i];
        if (h<=n&&h>0&&l<=m&&l>0&&b[h][l]!='*')
        {
            tail++;
            a[tail]. a=h;
            a[tail]. b=l;
            a[tail]. t=a[head]. t+1;
            a[tail]. pr=head;
            if (b[h][l]==' H' )
            {
                cout<<a[tail]. t;
                return 0;
            }
            b[h][l]='*';
        }
    }
    head++;
}
return 0;
}

```

```

#include <bits/stdc++.h> //6-1441-3  jiangyf70
using namespace std;
char a[155][155];
int b[155][155];
int fx[8] = {-2, -2, -1, -1, 1, 1, 2, 2};
int fy[8] = {1, -1, 2, -2, 2, -2, 1, -1};
int n, m;
void dfs(int x, int y, int k)
{
    b[x][y] = k;
    for (int i = 0; i < 8; i++)
    {
        int dx = x + fx[i];
        int dy = y + fy[i];
        if ((a[dx][dy] == '.' || a[dx][dy] == 'H') && k + 1 < b[dx][dy])
            dfs(dx, dy, k+1);
    }
}
int main()
{
    int x1, y1, x2, y2;
    cin >> n >> m; // 注意 n, m 的输入是颠倒的
    for (int i = 1; i <= m; i++)
    {
        for (int j = 1; j <= n; j++)
        {
            cin >> a[i][j];
            b[i][j] = INT_MAX;
            if (a[i][j] == 'H') x2 = i, y2 = j;
            if (a[i][j] == 'K') x1 = i, y1 = j;
        }
    }
    dfs(x1, y1, 0);
    cout << b[x2][y2];
    return 0;
}

```

### 3、回溯与路径打印

重点：将路径数组的下标  $k$  作为递归的参数，这样在递归后退时， $k$  的值会跟着后退，从而覆盖之前的路径点。

解法一：提供三个递归参数

$\text{dfs}(x, y, k)$ ，根据当前的点坐标  $x, y$  计算下一个点的坐标。

```
#include <bits/stdc++.h> //1-1431-1 javacn
using namespace std;
// 左、上、右、下顺序进行搜索
char a[30][30];
int r[410][3]; // 记录正确的第一条路径
int n;
// 方向的变化
int fx[5] = {0, 0, -1, 0, 1};
int fy[5] = {0, -1, 0, 1, 0};

// 打印 r 数组中存储的第一条路线
void print(int k)
{
    for(int i = 1; i <= k; i++)
    {
        cout<<"("<<r[i][1]<<","<<r[i][2]<<")";
        // 如果不是最后一个点，打印连接的 ->
        if(i != k)
        {
            cout<<"->";
        }
    }

    exit(0); // 停止程序
}
```

```

// 向路径数组下标为 k 的位置，记录一个坐标 x, y
void dfs(int x, int y, int k)
{
    // 记录探索到的点的坐标
    r[k][1] = x;
    r[k][2] = y;
    // 将走过的点，标记为 1，防止死循环
    a[x][y] = '1';

    // 判断 xy 如果是终点，则打印路径
    if(x == n && y == n)
    {
        print(k);
    }

    int tx, ty;
    // 探索四个方向
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 如果该点可达（没走过，且不是障碍，且没有出迷宫）
        if(a[tx][ty] == '0')
        {
            // 向 r 数组的下标为 k+1 那一行，记录 tx, ty 点
            dfs(tx, ty, k+1);
        }
    }
}

```

```
int main()
{
    int i, j;
    cin>>n;
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= n; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 调用函数，探索出第一条路径
    // 向 r 数组的下标为 1 的那一行，记录 1, 1 点
    dfs(1, 1, 1);
}
```

解法二：通过数组记录走过的点，从而计算下一个点。

```
#include <iostream>//1-1431-2 javacn
using namespace std;
int n;
int r[400][3]; // 记录路径
char s[30][30]; // 字符数组，记录迷宫
int fx[5] = {0, 0, -1, 0, 1};
int fy[5] = {0, -1, 0, 1, 0};
// 打印路径
void show(int k)
{
    int i;
    for (i = 1; i <= k; i++)
    {
        cout<<"("<<r[i][1]<<","<<r[i][2]<<")";
        // 如果不是最后一个点，加 ->
        if (i != k)
        {
            cout<<"->";
        }
        else
        {
            cout<<endl;
        }
    }
}
```

//x y 表示要探测的点, k 表示要存储的路径数组的下标

```
void fun(int k)
{
    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = r[k-1][1] + fx[i];
        ty = r[k-1][2] + fy[i];

        if(tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= n && s[tx][ty] == '0')
        {
            r[k][1] = tx;
            r[k][2] = ty;
            s[tx][ty]='1';
            if(tx==n&&ty==n) { show(k); }
            else { fun(k+1); }
        }
    }
}

int main() {
    cin>>n;
    int i, j;
    for(i = 1; i <= n; i++)
    {
        for(j = 1; j <= n; j++)
        {
            cin>>s[i][j];
        }
    }
    // 从 1,1 点开始探测, 从下标为 1 开始记录路径
    r[1][1] = 1;
    r[1][2] = 1;
    s[1][1] = '1'; // 标记出发点走过
    fun(2);
}
```



解法一：参照迷宫的第一条路，深搜出迷宫的所有路径

```
#include <bits/stdc++.h>//2-1360-1    javacn
using namespace std;
// 只能向下或者向右走：优先向下，其次向右
int n,m;
int r[20][3]; // 存储行走路径
// 方向的变化
int fx[3] = {0, 1, 0};
int fy[3] = {0, 0, 1};
int c; // 计数器

void print(int k)
{
    c++;
    cout<<c<<": ";
    // 除了最后一个点以外
    for (int i = 1; i < k; i++)
    {
        cout<<r[i][1]<<", "<<r[i][2]<<"->";
    }
    cout<<n<<", "<<m<<endl;
}
```

```

// 向 r 数组下标为 k 的那一行，记录 x, y 点
void dfs(int x, int y, int k)
{
    // 记录坐标
    r[k][1] = x;
    r[k][2] = y;

    // 如果走到了终点，打印路径
    if(x == n && y == m)
    {
        print(k);
        // 停止递归函数，到了终点打印，就不需要继续递归了
        return;
    }

    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 2; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 判断 tx, ty 有效
        if(tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= m)
        {
            dfs(tx, ty, k+1);
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n >> m;
    // 向 r 数组下标为 1 的那一行，记录 1, 1 点
    dfs(1, 1, 1);
}

```

解法二：利用 r 数组存储的上一个点的坐标，求解下一个点的坐标

```
#include <bits/stdc++.h>//2-1360-2    javacn
```

```
using namespace std;
```

```
// 只能向下或者向右走：优先向下，其次向右
```

```
int n,m;
```

```
int r[20][3]; // 存储行走路径
```

```
// 方向的变化
```

```
int fx[3] = {0, 1, 0};
```

```
int fy[3] = {0, 0, 1};
```

```
int c; // 计数器
```

```
void print(int k)
```

```
{
```

```
    c++;
```

```
    cout<<c<<": ";
```

```
    // 除了最后一个点以外
```

```
    for (int i = 1; i < k; i++)
```

```
    {
```

```
        cout<<r[i][1]<<", "<<r[i][2]<<"->";
```

```
    }
```

```
    cout<<n<<", "<<m<<endl;
```

```
}
```

// 向 r 数组下标为 k 的那一行存经过的点的坐标

```
void dfs(int k)
{
    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 2; i++)
    {
        // 得到新点坐标
        tx = r[k-1][1] + fx[i];
        ty = r[k-1][2] + fy[i];
        if(tx>=1&&tx<=n&&ty>=1&&ty<=m) // 判断 tx, ty 有效
        {
            // 存储 tx, ty
            r[k][1] = tx;
            r[k][2] = ty;

            if(tx == n && ty == m) // 如果到了终点，则打印，否则递归
            {
                print(k);
            }
            else
            {
                dfs(k+1);
            }
        }
    }
}
```

```
int main() {
    cin>>n>>m;
    // 第 1 个点的坐标直接存入
    r[1][1] = 1;
    r[1][2] = 1;
    // 向 r 数组下标为 2 的那一行存坐标
    dfs(2);
}
```

思路: 深搜, 从 0,0 点出发, 按题目要求尝试四个方向, 哪个方向能去就将坐标存入结果数组。

注意: 本题 0,0 点在左下角, 向上 x 会变小。

解法一: 将当前点的坐标 x, y 传入递归函数, 利用当前坐标 x, y 的值计算可能跳转到的 4 个坐标值。

```
#include <bits/stdc++.h> //3-1362-1   javacn
using namespace std;
//a 存储所有的路径, c 存储路径数量
int a[100][3], c=0;
// 四种移动规则
int fx[5]= {0, 2, 1, -1, -2}, fy[5]= {0, 1, 2, 2, 1};

// 输出结果
void print(int k)
{
    c++;
    cout<<c<<" ";
    // 最后一个点在循环结束打印
    for (int i=1; i<k; i++)
    {
        cout<<a[i][1]<<" ", <<a[i][2]<<"->";
    }
    cout<<"4, 8"<<endl;
}
```

```
// 深搜找所有路径
```

```
void dfs(int x, int y, int k)
```

```
{
```

```
    a[k][1] = x;
```

```
    a[k][2] = y;
```

```
    if(x == 4 && y == 8)
```

```
    {
```

```
        print(k);
```

```
        // 到了终点不需要继续递归，开始后退尝试其他路径
```

```
        return;
```

```
    }
```

```
    int tx, ty;
```

```
    // 往4个方向跳
```

```
    for (int i=1; i<=4; i++)
```

```
    {
```

```
        // 跳的新点，从上当前点开始加上方向值的变化，得到4个新点
```

```
        tx = x+fx[i];
```

```
        ty = y+fy[i];
```

```
        // 判断马不越界
```

```
        if (tx>=0&&tx<=4&&ty>=0&&ty<=8)
```

```
        {
```

```
            dfs(tx, ty, k+1);
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    // 从0,0点开始递归，存入数组的下标为1的那行
```

```
    dfs(0, 0, 1);
```

```
}
```

解法二：先将 0,0 点存储，然后根据 a 数组的上一个点计算下一个点可能的 4 个坐标值。

```
#include <bits/stdc++.h> //3-1362-2  javacn
using namespace std;
//a 存储所有的路径，c 存储路径数量
int a[100][3], c=0;
// 四种移动规则
int fx[5]= {0, 2, 1, -1, -2}, fy[5]= {0, 1, 2, 2, 1};

// 输出结果
void print(int k)
{
    c++;
    cout<<c<<": ";
    // 最后一个点在循环结束打印
    for (int i=1; i<k; i++)
    {
        cout<<a[i][1]<<", "<<a[i][2]<<"->";
    }
    cout<<"4, 8"<<endl;
}
```

```
// 深搜找所有路径
```

```
void dfs(int k)
```

```
{
```

```
    int tx, ty;
```

```
    // 往 4 个方向跳
```

```
    for (int i=1; i<=4; i++)
```

```
    {
```

```
        // 跳的新点，从上 1 个点开始加上方向值的变化，得到 4 个新点
```

```
        tx = a[k-1][1]+fx[i];
```

```
        ty = a[k-1][2]+fy[i];
```

```
        // 判断马不越界
```

```
        if (tx>=0&&tx<=4&&ty>=0&&ty<=8)
```

```
        {
```

```
            // 保存当前马的位置
```

```
            a[k][1]=tx;
```

```
            a[k][2]=ty;
```

```
            // 如果到了终点
```

```
            if (tx==4&&ty==8)
```

```
            {
```

```
                print(k);
```

```
            }
```

```
            else
```

```
            {
```

```
                dfs(k+1); // 搜索下一步
```

```
            }
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    a[1][1]=0;
```

```
    a[1][2]=0;
```

```
    // 从坐标 (0, 0) 开始往右跳第二步
```

```
    dfs(2);
```

```
}
```



```
#include<iostream>//3-1362-3  jiangyf70
using namespace std;
bool a[5][9]; // 标记坐标是否走过
int b[50][2]; // 保存步骤坐标
int c= 0;
int fx[4] = {2, 1, -1, -2};
int fy[4] = {1, 2, 2, 1};
void print(int k)
{
    c++;
    printf("%d:", c);
    for (int i = 1; i < k; i++)
    {
        printf("%d,%d->", b[i][0], b[i][1]);
    }
    printf("%d,%d\n", b[k][0], b[k][1]);
}
```

```

void dfs(int x, int y, int k)
{
    b[k][0] = x;
    b[k][1] = y;
    for(int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int dx = x + fx[i];
        int dy = y + fy[i];
        if(dx >= 0 && dx <= 4 && dy >= 0 && dy <= 8 && a[dx][dy] == false)
        {
            b[k+1][0] = dx;
            b[k+1][1] = dy;
            a[dx][dy] = true;
            if(dx == 4 && dy == 8)
            {
                print(k+1);
            }
            else
            {
                dfs(dx, dy, k+1);
            }
            a[dx][dy] = false;
        }
    }
}

```

```

int main()
{
    a[0][0] = true;
    dfs(0, 0, 1);
    return 0;
}

```

本题提供三种参考解法，注意看解法三和前两种解法的差异！

解法一：用正在走的点 xy 计算出下一个点，标记将要去点

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1739-1 javacn
using namespace std;
// 右、下、左、上
/*
    思路：沿着右、下、左、上的顺序深度优先搜索，走过的点标记为 true
        递归其他方向，递归结束，后退到上一步，撤销标记，回溯到前一个状态
*/
int n, c;
int r[30][3]; // 存储路径
bool f[10][10]; // 标记点是否走过
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 输出路径
void print(int k)
{
    c++;
    cout<<c<<" ";
    for (int i = 1; i < k; i++)
    {
        cout<<r[i][1]<<" " <<r[i][2]<<"->";
    }
    cout<<n<<" " <<n<<endl;
}
```

// 深搜存储路径：将 xy 点存储到 r 数组下标为 k 的位置

```
void dfs(int x, int y, int k) {
    r[k][1] = x;
    r[k][2] = y;
    // 如果到了终点，打印
    if(x == n && y == n)
    {
        print(k);
        return;
    }
    // 尝试不同的方向
    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 判断新的方向可达，且没有访问过
        if(tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= n && f[tx][ty] == false)
        {
            // 标记 tx, ty 点走过了
            f[tx][ty] = true;
            dfs(tx, ty, k+1);
            // 递归结束，后退，回溯到前一个状态
            f[tx][ty] = false;
        }
    }
}

int main() {
    cin >> n;
    // 从 1, 1 点开始递归，记录到 r 数组下标为 1 的那一行
    f[1][1] = true; // 标记 1, 1 点走路
    dfs(1, 1, 1);
    return 0;
}
```

解法二：用数组中存储的上一个点，计算下一个点，标记将要去点

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1739-2 javacn
using namespace std;
// 右、下、左、上
/*
    思路：沿着右、下、左、上的顺序深度优先搜索，走过的点标记为 true
    递归其他方向，递归结束，后退到上一步，撤销标记，回溯到前一个状态
*/
int n, c;
int r[30][3]; // 存储路径
bool f[10][10]; // 标记点是否走过
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 输出路径
void print(int k)
{
    c++;
    cout<<c<<": ";
    for (int i = 1; i < k; i++) {
        cout<<r[i][1]<<", "<<r[i][2]<<"->";
    }
    cout<<n<<", "<<n<<endl;
}
```

// 深搜存储路径：将 xy 点存储到 r 数组下标为 k 的位置

```
void dfs(int k) {
    // 尝试不同的方向
    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = r[k-1][1] + fx[i];
        ty = r[k-1][2] + fy[i];
        // 判断新的方向可达，且没有访问过
        if(tx>=1&&tx<=n&&ty>=1&&ty<=n&&f[tx][ty]==false)
        {
            // 存储路径
            r[k][1] = tx;
            r[k][2] = ty;

            // 标记 tx, ty 点走过
            f[tx][ty] = true;
            // 如果到了终点
            if(tx == n && ty == n) { print(k); }
            else { dfs(k+1); }
            // 递归结束，回溯到前一个状态
            f[tx][ty] = false;
        }
    }
}

int main() {
    cin>>n;
    // 存储第 1 个点
    r[1][1] = 1;
    r[1][2] = 1;
    f[1][1] = true; // 标记 1, 1 点走路
    // 从 r 数组下标为 2 的那一行开始存储路径
    dfs(2);
    return 0;
}
```

解法三：标记正在访问的点

```
#include <bits/stdc++.h>//4-1739-3  javacn
using namespace std;
int a[50][3]; // 存放所有走过的路径
bool f[50][50]; // 标记某个点是否走过
int n, c; // n 行, m 列的棋盘

//fx 代表 x 坐标可能的变化
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
//fy 代表 y 坐标可能的变化
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

//x 代表 a 数组中元素的个数
void print(int x)
{
    c++;
    cout<<c<<" ";
    int i;
    for (i = 1; i <= x; i++)
    {
        // 如果不是最后一个解
        if(i != x)
        {
            cout<<a[i][1]<<" ", "<<a[i][2]<<"->";
        }
        else
        {
            cout<<a[i][1]<<" ", "<<a[i][2]<<endl;
        }
    }
}
```

```

void dfs(int x, int y, int k)
{
    a[k][1] = x;
    a[k][2] = y;

    if(x == n && y == n)
    {
        print(k);
        return;
    }

    // 标记当前正在走的 xy
    f[x][y] = true;

    int tx, ty;
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        if(tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= n && f[tx][ty] == false)
        {
            dfs(tx, ty, k+1);
        }
    }

    // 当前点 x, y 的四方向讨论结束, 回溯时, 撤销标记
    f[x][y] = false;
}

int main()
{
    cin >> n;
    dfs(1, 1, 1);
}

```



```

#include<iostream>//5-1411-1  迷宫的路径?  anseI xu
#include<cstring>
using namespace std;
int n, mn, t=0, a[160][2];
char m[19][19];
int dx[]={0, 1, 0, -1};
int dy[]={1, 0, -1, 0};
void p(int c) {
    printf("%d:", t);
    for (int i=1; i<=c; i++) {
        printf("%d, %d->", a[i][0], a[i][1]);
    }
    printf("%d, %d\n", n, mn);
}
void dfs(int x, int y, int c) {
    if (x==n&&y==mn) {
        t++; // 到达终点, 增加一个路径
        p(c-1);
        return;
    }
    m[x][y]='#'; // 到达某点, 标记
    a[c][0]=x;
    a[c][1]=y;
    int h, l;
    for (int i=0; i<4; i++)
    {
        h=x+dx[i];
        l=y+dy[i];
        if (h>0&&h<=n&&l>0&&l<=mn&&m[h][l]=='o')
        {
            dfs(h, l, c+1);
        }
    }
    m[x][y]='o'; // 回溯
}

```

```
int main()
{
    cin>>n>>mn;
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        for (int j=1; j<=mn; j++)
        {
            cin>>m[i][j];
        }
    }
    dfs(1, 1, 1);
    if (t==0)
    cout<<"no";
    return 0;
}
```

```
#include <iostream>//5-1411-2 迷宫的路径? kevinh
```

```
using namespace std;
```

```
int n, m, c;
```

```
char a[15][15];
```

```
int r[15*15][2];
```

```
int f[15][15];
```

```
int fx[4][2] = {{0, 1}, {1, 0}, {0, -1}, {-1, 0}};
```

```
void print(int k)
```

```
{  
    c++;  
    cout<<c<<" ";  
    for (int i=1; i<=k; i++)  
    {  
        cout<<r[i][0]<<" "<<r[i][1];  
        if(i!=k)  
        {  
            cout<<"->";  
        }  
    }  
    cout<<endl;  
}
```

```

void dfs(int x, int y, int k) {
    r[k][0] = x;
    r[k][1] = y;
    if(x==n&&y==m)
    {
        print(k);
        return;
    }
    int tx, ty;
    for(int i=0; i<4; i++)
    {
        tx = x+fx[i][0];
        ty = y+fx[i][1];

        if(a[tx][ty]=='o'&&f[tx][ty]==false)
        {
            f[tx][ty] = true;
            dfs(tx, ty, k+1);
            f[tx][ty] = false;
        }
    }
}

int main() {
    int i, j;
    cin>>n>>m;
    for(i=1; i<=n; i++)
    {
        for(j=1; j<=m; j++) { cin>>a[i][j]; }
    }
    f[1][1] = true;
    dfs(1, 1, 1);
    if(c==0) { cout<<"no"<<endl; }
    return 0;
}

```

## 4、回溯与全排列

```
#include<iostream>//1-1654   jiangyf70
using namespace std;
int n, a[10];
bool b[10];

void print()
{
    for (int i = 1; i <= n; i++)    {    cout << a[i];    }
    cout << endl;
}

void dfs(int k) //将 a[k] 赋值
{
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if(b[i] == false)
        {
            a[k] = i;
            // b[i] = true;
            if(k == n)    {    print();    }
            else    {    dfs(k+1);    }
            //b[i] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n;
    dfs(1);
    return 0;
}
```

全排列基础题。

```
#include <bits/stdc++.h> //2-1308   javacn
using namespace std;
int n;
int a[10]; // 存放全排列的结果
bool f[10]; // 标记哪些数使用过
void print() {
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        cout<<a[i];
        if(i != n) {    cout<<" ";    }
        else          {    cout<<endl;    }
    }
}
void fun(int k) // 递归函数：为 a 数组每个元素赋值
{
    for (int i = 1; i <= n; i++)
    {
        // 如果 i 这个数没有被用过，则填写到下标为 k 的位置
        if(f[i] == false)
        {
            a[k] = i;
            f[i] = true; // 标记数字 i 被选用了
            // 如果 a 中存储了 n 个元素，输出结果，否则递归为 k+1 的下标赋值
            if(k == n) {    print();    }
            else        {    fun(k+1);    }
            f[i] = false; // 回溯到前一个状态，标记 i 没有被用过
        }
    }
}
int main() {
    cin>>n;
    // 为 a 数组的下标为 1 的位置赋值
    fun(1);
}
```

```
#include<iostream>//3-1358  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n, c = 0;
```

```
int a[11];
```

```
bool b[11];
```

```
bool prime(int n)
```

```
{  
    if(n == 1) return 0;  
    for(int i = 2; i * i <= n; i++)  
    {  
        if(n % i == 0) return 0;  
    }  
    return 1;  
}
```

```
void print()
```

```
{  
    cout << ++c << ':';  
    for(int i = 1; i <= n; i++)  
    {  
        cout << a[i] << " ";  
    }  
    cout << endl;  
}
```

```

void dfs(int k)
{
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if(b[i] == false)
        {
            if(k == 1 || prime(a[k-1] + i))
            {
                a[k] = i;
                if(k == n && prime(a[k] + a[1]))
                {
                    print();
                }
                else
                {
                    b[i] = true;
                    dfs(k+1);
                }
                b[i] = false;
            }
        }
    }
}

```

```

int main()
{
    cin >> n;
    dfs(1);
    cout << "total:" << c;
    return 0;
}

```



```

#include<iostream>//4-1361   jiangyf70
using namespace std;
int n, m;
int a[10];
bool b[10];
void print()
{
    for(int i = 1; i <= m; i++)    {        cout << a[i] <<" ";    }
    cout << endl;
}

void dfs(int k)
{
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        if(b[i] == false && k <= m)
        {
            a[k] = i;
            if(k == m)        {    print();        }
            else
            {
                b[i] = true;
                dfs(k+1);
            }
            b[i] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n >> m;
    dfs(1);
    return 0;
}

```

```

#include<iostream>//5-1685   jiangyf70
using namespace std;
int n;
int a[10]; // 原始数字
bool b[10]; // 标志是否用过
int r[10]; // 存放结果
void print()
{
    for(int i = 1; i <= n; i++)    {        cout << r[i] <<" ";    }
    cout << endl;
}
void dfs(int k)
{
    for(int i = 1; i <= 9; i++)
    {
        if(a[i] != 0 && b[i] == false && k <= n )
        {
            r[k] = i; // 将该下标写入第 k 个值
            b[i] = true;
            if(k == n)    print();
            else        {        dfs(k+1);        }
            b[i] = false;
        }
    }
}
int main()
{
    cin >> n;
    int x;
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {    cin >> x;
        a[x]++; // 用桶的办法, 说明该下标有一个值, 从小到大字典序看,
    }
    dfs(1);
}

```

解题要求:

1. 第 1 个数必须是 1
2. 素数环: 相邻两个数的和是素数
3. 如果超过 10 个解, 只要输出前 10 个解

解题思路:

1. 先输出第 1 个数为 1 的全排列
2. 加条件使得结果满足环中, 任意相邻的 2 个数的和是素数
3. 判断, 如果超过 10 组解, 只输出前 10 组解

特别注意: 如果 n 是奇数, 没有解; 因为如果要相邻 2 数的和是素数, 必须一个奇数和一个偶数间隔排开。

如果 n 是奇数, 会导致首尾两个数的和是偶数。

```
#include <bits/stdc++.h> //6-1439-1 javacn
using namespace std;
int a[30]; // 存储素数环
bool f[30]; // 标记某个数是否被使用
int n, cnt = 0; // 统计素数环的数量
// 判断素数
bool prime(int n) {
    if(n <= 1) return false;
    for(int i = 2; i <= sqrt(n); i++)
    {
        if(n % i == 0) return false;
    }
    return true;
}
// 输出素数环
void print() {
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        cout<<a[i]<<" ";
    }
    cout<<endl;
    cnt++;
    if(cnt == 10) exit(0);
}
```

```

// 为 a 数组下标为 k 的位置填值
void dfs(int k)
{
    // 循环所有的可能
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        // 如果 i 没有被用过, 且和上一个数的和是素数
        if(f[i]==false&&prime(i+a[k-1]))
        {
            f[i] = true; // 标记用过
            a[k] = i;
            // 判断是否填满 n 个数, 且首尾的和是素数
            if(k==n&&prime(a[n]+a[1])) print(); // 输出素数环的结果
            else dfs(k+1); // 填下一个位置
            f[i] = false; // 回溯: 撤销对于 i 这个数的占用
        }
    }
}

int main()
{
    cin>>n;
    // 如果 n 是奇数, 没有解
    // 因为如果要相邻 2 数的和是素数, 必须一个奇数和一个偶数间隔排开
    // 如果 n 是奇数, 会导致首尾两个数的和是偶数
    if(n % 2 == 1) return 0;

    a[1] = 1;
    f[1] = true; // 1 标记占用
    dfs(2); // 从 a 数组的第 2 个位置开始填值

    return 0;
}

```

```
#include<iostream>//6-1439-2  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n, c = 0;
```

```
int r[25];
```

```
bool b[25];
```

```
bool prime(int n)
```

```
{  
    if(n <= 1) return 0;  
    for(int i = 2; i * i <= n; i++)  
    {  
        if(n % i == 0) return 0;  
    }  
    return 1;  
}
```

```
void print()
```

```
{  
    for(int i = 1; i <= n; i++)  
    {  
        cout << r[i] << " ";  
    }  
    cout << endl;  
    c++;  
    if(c == 10) exit(0);  
}
```

```

void dfs(int k)
{
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {

        if(b[i] == false && k <= n && prime(i + r[k-1]))
        {
            r[k] = i;
            b[i] = true;
            if(k == n && prime(r[n] + r[1]) && c <= 10) print();
            else dfs(k+1);
            b[i] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n;
    if(n % 2 == 1) return 0; // 不加这句会超时
    r[1] = 1;
    b[1] = true;
    dfs(2);
    return 0;
}

```

思路：第 1 个单词确定的情况下，剩余的单词全排列，求能接龙的最长长度

解法一：使用 r 数组存储接龙的结果，求能够为 r 数组赋值的最长长度（其实没必要存储接龙的结果，参考解法二）

```
#include<bits/stdc++.h>//7-1590-1  javacn
using namespace std;

/*
思路：第 1 个单词确定的情况下，剩余的单词全排列，求能接龙的最长长度
*/
const int N = 60;
string a[N]; // 读入的字符串
string r[N]; // 表示接龙的结果
bool f[N]; // 标记第 i 个字符串是否被使用
int n, ma = 1;

// 为 r 数组第 k 个位置填字符串
void dfs(int k)
{
    for (int i = 2; i <= n; i++)
    {
        // 第 i 个单词没有被使用，且该单词的词头 == 上一个单词的词尾
        if (!f[i] && a[i][0] == r[k-1][1])
        {
            f[i] = true; // 标记占用
            r[k] = a[i];
            ma = max(ma, k);

            // 如果没填满，尝试填写下一位置
            if (k < n) dfs(k+1);
            f[i] = false; // 回溯，撤销标记
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    cin>>n;
    for(int i = 1;i <= n;i++)
    {
        cin>>a[i];
    }

    r[1] = a[1];// 第 1 个单词确定
    f[1] = true;
    dfs(2);// 从第 2 个单词开始填写
    cout<<ma;
    return 0;
}
```



解法二：递归时将上一个单词的词尾作为递归的参数

```
#include<bits/stdc++.h>//7-1590-2 javacn
using namespace std;
// 思路：第 1 个单词确定的情况下，剩余的单词全排列，求能接龙的最长长度
const int N = 60;
string a[N]; // 读入的字符串
bool f[N]; // 标记第 i 个字符串是否被使用
int n, ma = 1;
// 讨论第 k 个位置可以放哪个单词
// char tail: 上一个单词的词尾
void dfs(int k, char tail)
{
    for (int i = 2; i <= n; i++)
    {
        // 第 i 个单词没有被使用，且该单词的词头 == 上一个单词的词尾
        if (!f[i] && a[i][0] == tail)
        {
            f[i] = true; // 标记占用
            ma = max(ma, k);

            // 如果没填满，尝试填写下一位置
            dfs(k+1, a[i][1]);
            f[i] = false; // 回溯，撤销标记
        }
    }
}

int main() {
    cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++) { cin >> a[i]; }

    f[1] = true;
    dfs(2, a[1][1]); // 从第 2 个单词开始填写
    cout << ma;
    return 0;
}
```

```

#include<iostream>//7-1590-3   jiangyf70
#include<cstring>
using namespace std;
char a[60][5];
bool f[60];
char r[60][5];
int l = 1, n; //l 初始长度要为 1 啊，调试了很久。

void dfs(int k)
{
    for(int i = 2; i <= n; i++)
    {
        if(f[i] == false && a[i][0] == r[k-1][1])
        {
            f[i] = true;
            strcpy(r[k], a[i]);
            l = max(k, l);
            dfs(k+1);
            f[i] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n;
    for(int i = 1; i <=n; i++)    {        cin >> a[i];    }
    f[1] = true;
    strcpy(r[1], a[1]);
    dfs(2);
    cout << l;
    return 0;
}

```

生成 L 位密码:

1. 至少有一个元音，至少两个辅音
2. 按字母表的顺序
3. 如果结果超过 25000 个，只需要前 25000 个

读入 n 位小写字母，从中选取若干位，构成 L 位的密码

思路：求字母的组合；

解法一：组合的写法

```
#include <bits/stdc++.h> //8-1823-1   javacn
using namespace std;

char a[30], r[30];
bool f[30];
int len, c, ans = 0;

// 输出
void print()
{
    // 检验是否包含至少 1 个元音 2 个辅音
    int cnt = 0;
    for (int i = 1; i <= len; i++)
    {
        if (r[i] == 'a' || r[i] == 'e' || r[i] == 'i' || r[i] == 'o' || r[i] == 'u') cnt++;
    }

    // 有至少 1 个元音, 2 个辅音
    if (cnt >= 1 && len - cnt >= 2)
    {
        ans++;
        for (int i = 1; i <= len; i++) cout << r[i];
        cout << endl;

        if (ans == 25000) exit(0);
    }
}
```

```
// 从 c 个字符中搜索出 len 个满足条件的字符
```

```
void dfs(int x, int cnt)
{
    if(cnt == len)
    {
        print();
        return;
    }
    if(x > c) return;

    r[cnt+1] = a[x];
    dfs(x+1, cnt+1);
    dfs(x+1, cnt);
}
```

```
int main()
{
    cin>>len>>c;
    for(int i = 1; i <= c; i++)
    {
        cin>>a[i];
    }

    sort(a+1, a+c+1); // 排序

    // 从第 1 个位置开始填字符
    dfs(1, 0);
    return 0;
}
```

解法二：改写排列，效率不如解法一

```
#include <bits/stdc++.h> //8-1823-2    javacn
using namespace std;

char a[30], r[30];
bool f[30];
int len, n, cnt = 0; //cnt 统计结果的数量

// 输出
void print()
{
    // 检验是否有至少一个元音 2 个辅音
    int c = 0;
    for (int i = 1; i <= len; i++)
    {
        if (r[i] == 'a' || r[i] == 'e' || r[i] == 'i' || r[i] == 'o' || r[i] == 'u')
        {
            c++;
        }
    }
    // 至少一个元音，2 个辅音
    if (c >= 1 && len - c >= 2)
    {
        cnt++;
        for (int i = 1; i <= len; i++)    cout << r[i];
        cout << endl;

        if (cnt == 25000) exit(0);
    }
}
```

```

// 为 r 数组填写小写字母，直到 len 位
void dfs(int k)
{
    // 下标为 k 的这一位有 n 种不同的填写可能
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        // 如果该字符没有用过，且比前一个大
        if(!f[i] && a[i] > r[k-1])
        {
            f[i] = true; // 第 i 个字母标记占用
            r[k] = a[i];
            if(k == len) print(); // 尝试打印
            else dfs(k+1);
            f[i] = false; // 回溯，撤销占用
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> len >> n;
    // 读入小写字母
    for(int i = 1; i <= n; i++)
    {
        cin >> a[i];
    }

    sort(a+1, a+n+1);

    dfs(1); // 从 r 数组的第 1 位开始填写

    return 0;
}

```

从后向前搜索，按题意优先搜索不包含的情况：

```
#include<bits/stdc++.h> //9-1950-1   javacn
using namespace std;
int a[40]; // 存储每个数
int f[40]; // 判断第 i 个数是否被选中
int n, t, sum=0, c=0;
// 深搜
void dfs(int k)
{
    int i, j, flag=0;
    if(k<0)
    {
        sum=0;
        for (i=0; i<n; i++)
        {
            if(f[i]==1) { flag=1; sum+=a[i]; }
        }
        // 如果和为 t, 且不是全没选的情况
        if(sum==t && flag != 0)
        {
            c++;
            for (i=0; i<n; i++)
            {
                if(f[i]==1) { cout<<a[i]<<" "; }
            }
            cout<<endl;
        }
        return ;
    }
}
// 分两种情况讨论
f[k]=0;
dfs(k-1);
f[k]=1;
dfs(k-1);
}
```

```
int main()
{
    int i, j;
    cin>>n;
    for (i=0; i<n; i++)
    {
        cin>>a[i];
    }
    cin>>t;

    // 按题意，从后往前搜索
    dfs(n-1);
    cout<<c;
    return 0;
}
```



```
#include<iostream>//9-1850-2   jiangyf70   暴力做法和深搜做法   暴力做法
```

```
using namespace std;
```

```
long long a[30];
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    int n, cnt = 0;
```

```
    cin >> n;
```

```
    for(int i = 0; i < n; i++)    {        cin >> a[i];    }
```

```
    long long t;
```

```
    cin >> t;
```

int m = 1<<n; // 暴力做法就是每个数都有取和不取两个状态，排列组合就是 2 的 n 次方。构造一个 2 的 n 次方的数，用位运算判断它第 j 位是不是 1，若是 1 就取这个数。

```
    long long sum;
```

```
    for(int i = 1; i < m; i++)
```

```
    {
```

```
        sum = 0;
```

```
        long long b[30] = {0};
```

```
        for(int j = 0; j < n; j++)
```

```
        {
```

```
            if(i >> j & 1) // 用位运算判断 i 的第 j 位是不是 1，若是 1 就取这个数。
```

```
            {
```

```
                sum += a[j];
```

```
                b[j] = a[j];
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        if(sum == t)
```

```
        {
```

```
            cnt++;
```

```
            for(int i = 0; i < n; i++)    {    if(b[i]) cout << b[i] <<" ";    }
```

```
            cout <<endl;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    cout << cnt;
```

```
    return 0;
```

```
}
```

深搜

```
#include<bits/stdc++.h>//9-1850-3    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
long long n, m, t, a[25], b[25], cnt = 0;
```

```
void print(int k)
```

```
{  
    cnt++;  
    for(int i = k; i >= 1; i--)  
    {  
        printf("%d ", b[i]);  
    }  
    printf("\n");  
}
```

```
// 选择 a[i] 放到 b[pos+1] 的位置
```

```
void dfs(long long i, long long sum, long long pos)
```

```
{  
    if(sum == t && i < 1 && pos > 0)    print(pos);  
    if(i < 1)    return;  
    dfs(i-1, sum, pos); // 不选  
    b[pos+1] = a[i];  
    dfs(i-1, sum + a[i], pos + 1); // 选  
}
```

```
int main()
```

```
{  
    cin >> n;  
    for(int i = 1; i <= n; i++)    cin >> a[i];  
    cin >> t;  
    dfs(n, 0, 0); // 先 a[n] 元素不选, 这样就可以保证输出结果不先是最后一个元素  
    cout << cnt;  
    return 0;  
}
```

```
#include<iostream>//9-1850-4  anse|xu
#include<cstring>
#include<algorithm>
#include<cmath>
#include<cstdio>
using namespace std;
int n, a[25], l, ans[25], ab[10001][25];
long long t, sum;
bool b[25];
void arr_print(int x)
{ // 打印当前结果
    for (int i=x; i>0; i--)
    { // 结果是倒着存的，输出反向
        cout<<ans[i]<<' ';
    }
    cout<<endl;
}
```

```

void dfs(int x, int y)
{
    for(int i=1; i<=y; i++)
    {
        ans[x]=a[i]; // 存储当前选择的数
        b[i]=1; // 标记当前数被使用了
        sum+=a[i]; // 累计和
        if(sum==t)
        {
            l++; // 记录符合的集合个数
            arr_print(x); // x 记录了集合内数的个数
            dfs(x+1, i-1); // 当前和满足条件，后面可能有相互求和为 0 的组合，
            所以要继续搜索
        }
        else
        {
            dfs(x+1, i-1); // 不满足条件，继续搜索
        }

        b[i]=0; // 回溯
        sum-=a[i]; // 当前和也回溯到上一步
    }
}

int main()
{
    cin>>n;
    for(int i=1; i<=n; i++)
        cin>>a[i];
    cin>>t;
    dfs(1, n); // 搜索
    cout<<l;
    return 0;
}

```

两个单词合并时，合并部分取的是最小重叠部分 比如 abababab abababc 这种情况，重叠部分应该是 ab。

2

abababab

abababc

a

相邻的两部分不能存在包含关系。

每个单词最多出现两次。

还要注意所有单词都无法拼接的情况，如：

8

no

new

name

never

national

necessary

ever

me

n

```

#include<bits/stdc++.h>//10-1864    jiangyf70
using namespace std;
string s[60], a[60], r; //a[] 存放拼接数组 , s 初始读入字符串
char c; // 起始字符
int b[60]; // 判断是否使用 2 次
int n, len = 0;
void print(int k) // 拼接字符串并求最大长度
{
    string s = "";
    for(int i = 1; i <= k; i++)
    {
        s += a[i];
    }
    if(len < s.size())
    {
        len = s.size(); //len 存最大长度
        r = s; //r 保存最长字符串, 本题不是必要的。
    }
}
int congh(string a, string b) // 判断重复, 返回重复长度。
{
    int l = min(a.size(), b.size());
    int la = a.size();
    for(int i = 1; i < l; i++) //要从小到大判断,避免出现 abababab abababc 这种情况,
判断最小重复长度
    {
        if(a.substr(la-i, i) == b.substr(0, i))
        {
            return i;
        }
    }
    return 0;
}

```

```

void dfs(int k) //k 表示拼接的个数
{
    for(int i = 0; i < n; i++)
    {

        if(b[i] < 2) // 该串是否使用 2 次
        {
            if(k == 1 && s[i][0] == c) // 如果是第一个且首字母是 c
            {
                a[k] = s[i];
                print(k); // 调用判断长度
                b[i]++; // 使用一次
                dfs(k+1);
                b[i]--; // 回溯
            }
            else
            {
                int j = congh(a[k - 1], s[i]); // 是否重复
                if(j)
                {
                    a[k] = s[i].substr(j); // 把重复部分以后的加入数组。
                    print(k);
                    b[i]++;
                    dfs(k+1);
                    b[i]--;
                }
            }
        }
    }
}

```

```
int main()
{

    cin >> n;
    for(int i = 0; i < n; i++)
    {
        cin >> s[i];
    }
    cin >> c;
    dfs(1);
    cout << len;
//    cout << r; // 可以输出最大长度的字符串
    return 0;
}
```



枚举第 1 位可能的数：2 3 5 7，搜索枚举出后续每一位可能的值：1 3 7 9。

```
#include<bits/stdc++.h>//11-1943-1 javacn
using namespace std;
int a[5] = {1, 3, 7, 9}; // 非首位的数
int num[5] = {2, 3, 5, 7}; // 首位可能的数
int n;
bool prime(int n) {
    if(n <= 2) return false;
    for (int i = 2; i <= sqrt(n); i++)
    {
        if(n % i == 0) { return false; }
    }
    return true;
}
// 当前这个数及位数
void dfs(int num, int cnt) {
    if(cnt == n)
    {
        cout<<num<<endl;
        return;
    }
    for (int i = 0; i < 4; i++) // 可以向当前数上追加的数
    {
        // 如果追加上来是素数
        if(prime(num * 10 + a[i])) { dfs(num*10+a[i], cnt+1); }
    }
}
int main() {
    cin>>n;
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        dfs(num[i], 1); // 当前这个数，当前这个数的位数
    }
    return 0;
}
```

```
#include<bits/stdc++.h> //11-1943-2    jiangyf70 暴力会超时只能 60 分
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
bool isp(int n)
```

```
{  
    if(n == 1) return 0;  
    for(int i = 2; i * i <= n; i++)        {    if(n % i == 0) return 0; }  
    return 1;  
}
```

```
void dfs (int a, int l)
```

```
{  
    if(isp(a))  
    {  
        if(l == n)  
        {  
            cout << a << endl;  
            return;  
        }  
        for(int i = 1; i <= 9; i +=2)  
        {  
            dfs(a * 10 + i, l + 1);  
        }  
    }  
}
```

```
int main()
```

```
{  
    cin >> n;  
    dfs(2, 1);  
    dfs(3, 1);  
    dfs(5, 1);  
    dfs(7, 1);  
    return 0;  
}
```

暴力会超时

```
#include<bits/stdc++.h>//11-1943-3    jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
bool isp(int n)
```

```
{  
    if(n == 1) return 0;  
    for (int i = 2; i * i <= n; i++)  
    {  
        if(n % i == 0) return 0;  
    }  
    return 1;  
}
```

```
bool ism(int n)
```

```
{  
    while(n)  
    {  
        if(isp(n)) n /= 10;  
        else return 0;  
    }  
    return 1;  
}
```

```
int main()
```

```
{  
    int n;  
    cin >> n;  
    int x = pow(10, n-1);  
    int y = pow(10, n);  
    for (int i = x + 1; i < y; i += 2)  
    {  
        if(ism(i))    cout << i << endl;  
    }  
    return 0;  
}
```

## 5、深搜综合

先求出每个连通块的大小，再求最大连通块大小。

```
#include <iostream>//1-1380-1   javacn
using namespace std;

int n, m, ma, c;
char a[110][110]; // 地图
bool f[110][110]; // 标记是否走过
// 方向
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};

// 求连通块的大小
void dfs(int x, int y)
{
    int tx, ty;
    f[x][y] = true; // 走过标记
    c++; // 求大小
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        // 没走过、没出迷宫（出了迷宫不可能和当前值相等）、要去的点的值和当前值相等
        if(f[tx][ty] == false && a[tx][ty] == a[x][y])
        {
            dfs(tx, ty);
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    int i, j;
    cin>>n>>m;
    // 读入
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 从每个没有走过的点开始求连通块大小
    for (i = 1; i <= n; i++)
    {
        for (j = 1; j <= m; j++)
        {
            c = 0;
            if(f[i][j] == false) dfs(i, j);
            ma = max(ma, c); // 求最大连通块大小
        }
    }

    cout<<ma;
    return 0;
}
```

```
#include<iostream>//1-1380-2  jiangyf70
using namespace std;
int n, m, cnt = 0;;
char a[110][110];
int fx[] = {0, 1, 0, -1};
int fy[] = {1, 0, -1, 0};

void dfs(int x, int y, char c) // 找到这一片水深为 c 的坐标, 将坐标 x, y 标记为 0.
{
    a[x][y] = '0' ;
    cnt++;
    for(int i = 0; i < 4; i++)
    {
        int dx = x + fx[i];
        int dy = y + fy[i];

        if(a[dx][dy] == c)
        {
            dfs(dx, dy, c);
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    cin >> n >> m;
    int maxn = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        cin >> a[i];
    }
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            if(a[i][j] != '0')
            {
                cnt = 0;
                dfs(i, j, a[i][j]);
                if(maxn < cnt) maxn = cnt;
            }
        }
    }
    cout << maxn;
    return 0;
}
```

```
#include <iostream>//1-1380-3 【提高】小 X 学游泳 kevinh
```

```
#include <climits>
```

```
using namespace std;
```

```
int n,m;
```

```
char a[110][110];
```

```
int fx[4][2] = {{-1, 0}, {0, 1}, {1, 0}, {0, -1}};
```

```
int c;
```

```
int ma=INT_MAX;MIN;
```

```
void dfs(int x, int y, char k)
```

```
{  
    a[x][y]=0;  
    c++;  
    int tx, ty;  
    for (int i=0; i<4; i++)  
    {  
        tx = x+fx[i][0];  
        ty = y+fx[i][1];  
  
        if(a[tx][ty]==k)  
        {  
            dfs(tx, ty, k);  
        }  
    }  
}
```



```
int main()
{
    cin>>n>>m;
    int i, j;
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        for (j=1; j<=m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        for (j=1; j<=m; j++)
        {
            if (a[i][j]!=0)
            {
                c=0;
                dfs(i, j, a[i][j]);

                if (c>ma)
                {
                    ma = c;
                }
            }
        }
    }

    cout<<ma<<endl;

    return 0;
}
```

注意 bfs 要特判起点 == 终点的情况，而 dfs 是不需要特判这种情况的。

```
#include<bits/stdc++.h>//2-1819-1    javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
int q[210][3]; // 走到每个点及最少步数
```

```
int h, t;
```

```
int fx[3] = {0, 1, -1};
```

```
int a[210];
```

```
bool f[210]; // 标记走过
```

```
int s, e; // 起止点
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    cin>>n>>s>>e;
```

```
    for(int i = 1; i <= n; i++)
```

```
    {
```

```
        cin>>a[i];
```

```
    }
```

```
    // 特判起点 == 终点的情况
```

```
    if(s == e)
```

```
    {
```

```
        cout<<0;
```

```
        return 0;
```

```
    }
```

//bfs 求从 s 点到 e 点的最少步数

```
h = 1;
```

```
t = 1;
```

```
q[1][1] = s;
```

```
q[1][2] = 0;
```

```
f[s] = true; // 走过标记
```

```
int tx, ty; // 表示要去的点
```

```
while(h <= t)
```

```
{
```

```
    for(int i = 1; i <= 2; i++)
```

```
    {
```

```
        tx = q[h][1] + fx[i] * a[q[h][1]];
```

```
        // 如果该层可以走
```

```
        if(tx >= 1 && tx <= n && f[tx] == false)
```

```
        {
```

```
            // 入队, 标记, 判终点
```

```
            t++;
```

```
            q[t][1] = tx;
```

```
            q[t][2] = q[h][2] + 1;
```

```
            f[tx] = true;
```

```
            // 判终点
```

```
            if(tx == e)
```

```
            {
```

```
                cout << q[t][2];
```

```
                return 0;
```

```
            }
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    h++;
```

```
}
```

```
cout << -1;
```

```
return 0;
```

```
}
```

本题本质上来说还是最少步数问题，按几次按钮，相当于最少要走多少步，只是本题不同于迷宫类问题，本题只有 2 个方向，上或者下。

```
#include<bits/stdc++.h> //2-1819-2 javacn
using namespace std;
int a[210];
int d[210]; // 表示走到每一层最少要按几次按钮
int n;
int s, e; // 代表出发楼层和要到达的楼层
int fx[3] = {0, 1, -1};
// 走到 x 楼，最少需要 step 步
void dfs(int x, int step) {
    d[x] = step;
    int to;
    for (int i = 1; i <= 2; i++) // 尝试两个方向
    {
        to = x + fx[i] * a[x];
        // 如果该楼层可以去
        if (to >= 1 && to <= n && step + 1 < d[to])
        {
            dfs(to, step + 1);
        }
    }
}
int main() {
    cin >> n >> s >> e;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        cin >> a[i];
        d[i] = INT_MAX;
    }
    // 从 s 点开始搜索
    dfs(s, 0);
    if (d[e] == INT_MAX) cout << -1;
    else cout << d[e];
    return 0;
}
```

思路:

遍历每个点, 如果是 #, 判断从该 # 开始的连通的 # 是矩形还是非矩形

难点:

判断连通块是否是矩形

判断连通块是否是矩形的方法:

求出连通块中所有点的 xy 的最小值:  $lx, ly$  以及 最大值:  $rx, ry$

如果是矩形:  $lx, ly$  必然是左上角的坐标,  $rx, ry$  必然是右下角的坐标

矩形的面积 =  $(rx-lx+1) * (ry-ly+1)$

如果面积 = 连通块中 # 的数量, 说明是矩形

```
#include <bits/stdc++.h> //3-1440    javacn
using namespace std;

int n, m;
char a[100][100];
// 方向的变化
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};
//lx, ly 连通块的坐标的最小值
//rx, ry 连通块的坐标的最大值
//c 每个连通块有几个 #
int lx, ly, rx, ry, c;

// 搜索所有的连通的 #, 求出 # 的数量, 以及 lx, ly, rx, ry 的值
```

// 搜索所有的连通的 #, 求出 # 的数量, 以及 lx, ly, rx, ry 的值

```
void dfs(int x, int y)
{
    a[x][y] = '.';
    c++;
    lx = min(x, lx);
    ly = min(y, ly);
    rx = max(x, rx);
    ry = max(y, ry);

    int tx, ty;
    // 尝试四方向
    for(int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];

        // 判断在迷宫内, 且是 #
        if(a[tx][ty] == '#')
        {
            dfs(tx, ty);
        }
    }
}
```

```

int main()
{
    cin>>n>>m;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 谷仓和奶牛的数量
    int gc = 0, nn = 0;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            // 如果该点是 #
            if(a[i][j] == '#')
            {
                // 初始化
                lx=i;ly=j;rx=i;ry=j;c=0;
                dfs(i, j);
                //cout<<lx<<" "<<ly<<" "<<rx<<" "<<ry<<" "<<c<<endl;
                // 判断如果是矩形
                if((rx-lx+1)*(ry-ly+1)==c) gc++;
                else nn++;
            }
        }
    }

    // 输出结果
    cout<<gc<<endl<<nn;
    return 0;
}

```

已知条件：

- 1、可以从任意方格出发
- 2、可以向上下左右移动
- 3、移动到方格中的数字必须比当前方格中的数字更大

求：经过的数字和的最大值

解题步骤：

- 1、求出从某个点出发，能够经过的所有数字和 sum
- 2、在所有数字和中求一个最大值
- 3、从每个点出发，打擂台求出数字和的最大值

```
#include <bits/stdc++.h> //4-1381  javacn
using namespace std;
int n, m, s, a[110][110];
int fx[5] = {0, 0, 1, 0, -1};
int fy[5] = {0, 1, 0, -1, 0};
int ma;
// 求从 x, y 出发，经过的可能的数字和
void dfs(int x, int y, int sum)
{
    //cout<<x<<"<<y<<" sum="<<sum<<endl;
    ma = max(sum, ma); // 求从某个点开始经过的数字和的最大值
    // 尝试四个方向
    int tx, ty; // 表示将要尝试的坐标
    for (int i = 1; i <= 4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        // 如果那个点可以去（在迷宫内，且比当前点大）
        if (tx >= 1 && tx <= n && ty >= 1 && ty <= m && a[tx][ty] > a[x][y])
        {
            dfs(tx, ty, sum + a[tx][ty]);
        }
    }
}
```



```
int main()
{
    cin>>n>>m>>s;
    // 生成数组元素的值
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            s=(s*345)%19997;
            a[i][j] = (s%10)+1;
            //cout<<a[i][j]<<" ";
        }
    }

    // 测验一下从 4, 3 点出发经过可能的数字和
    // dfs(4, 3, a[4][3]);
    // cout<<ma;

    // 从每个点开始打擂台，求最大
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            dfs(i, j, a[i][j]);
        }
    }

    cout<<ma;
    return 0;
}
```

思路：

沿着最外层的一圈遍历一遍，如果有 '0' 就从该点开始深搜将所有经过的点都标记为 '\*'  
被 '\*' 围住的 '0'，是一定搜索不到的  
最后只要看还剩几个 '0'

```
#include<bits/stdc++.h>//5-1913    javacn
using namespace std;

char a[510][510];
int n,m;
// 方向的变化
int fx[5]= {0,0,1,0,-1};
int fy[5]= {0,1,0,-1,0};

// 深搜值为 '0' 的连通块，将其标记为 '*'
void dfs(int x,int y)
{
    a[x][y] = '*';
    int tx,ty;
    for(int i = 1;i <= 4;i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        // 在迷宫内，且为 '0'（为了迷宫不可能是 '0'，值是 '\0' 也就是整数 0）
        if(a[tx][ty] == '0')
        {
            dfs(tx,ty);
        }
    }
}
```

```

int main() {
    cin>>n>>m;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++) {
            cin>>a[i][j];
        }
    }
    // 沿着外层的一圈，找到 '0' 从该点深搜
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        // 如果是第 1 行，或者最后一行，遍历列
        if(i == 1 || i == n)
        {
            for (int j = 1;j <= m;j++)
            {
                if(a[i][j] == '0') { dfs(i, j); }
            }
        }
        else
        {
            // 如果是该行的第 1 个元素、最后一个元素
            if(a[i][1] == '0') dfs(i, 1);
            if(a[i][m] == '0') dfs(i, m);
        }
    }
    int c = 0;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++) {
            if(a[i][j] == '0') c++;
        }
    }
    cout<<c;
}

```

```

#include<bits/stdc++.h> //6-1379-1   javacn
using namespace std;
int num[50]; // 存储所有的素数
int n;
int k=0;
int ans=0; // 存储结果
// 判素数
bool prime(int x)
{
    if(x <= 1) return false;
    for(int i = 2; i <= sqrt(x); i++)
    {
        if(x % i == 0) return false;
    }
    return true;
}
// 深搜求最多用的素数的数量
// d 为当前下标, sum 为总和, cnt 为使用的数字的个数
void dfs(int d, int sum, int cnt)
{
    if (sum == n)
    {
        ans = max(ans, cnt);
        return;
    }
    // 剪枝
    // 如果 sum 超过 n, 或者下标大于素数个数结束
    if (sum > n || d > k)
    {
        return;
    }
    // 选当前数
    dfs(d+1, sum+num[d], cnt+1);
    dfs(d+1, sum, cnt); // 不选当前数
}

```

```
int main()
{
    cin>>n;
    for (int i=2; i<=n; i++)
    {
        // 如果是素数, 将其存进 num 数组
        if (prime(i))
        {
            num[++k]=i;
        }
    }
    // 从 num 数组下标为 1 开始讨论, 默认总和为 0, 素数个数为 0
    dfs(1, 0, 0);
    cout<<ans;
    return 0;
}
```

回溯算法，选择路径时重要条件：当前将要使用的数要大于刚刚用过的数字，避免出现： 2, 3, 5, 11/2, 3, 11, 5/2, 5, 3, 11... 等情况， 否则会造成超时。

```
#include <iostream>//6-1379-2 hi0j

using namespace std;

// primes 所有可用素数
// primescnt primes 的长度
// used 标识已经被使用的数字
// path 已经选中的数字
// pathcnt 当前方案数字量
// cnt 最大数字量
int n, primes[205], primescnt, used[205], path[205], pathcnt, cnt;

// 判断是否素数
bool isPrime(int n)
{
    if (n < 2) return false;
    for (int i = 2; i * i <= n; i++)
    {
        if (n % i == 0) return false;
    }
    return true;
}
```

```

void backtrack(int s) { // 回溯函数， 传入当前总和
    if (s == n)
    {
        if (pathcnt > cnt) cnt = pathcnt;
        return;
    }
    for (int i = 0; i < primescnt; i++)
    { // 1. 没有被使用过 // 2. 加上后小于等于目标
        // 3. 新值要小于上次加过的值 —— 重要，否则会超时，避免出现 2, 3, 5, 11 回溯后再检测 2, 3, 11, 5/2, 5, 3, 11... 等情况!
        if (!used[primes[i]] && primes[i] + s <= n && primes[i] > path[pathcnt - 1])
        {
            path[pathcnt++] = primes[i];
            used[primes[i]] = true;
            backtrack(s + primes[i]);
            path[pathcnt] = 0;
            pathcnt--;
            used[primes[i]] = false;
        }
    }
}

int main()
{
    cin >> n;
    for (int i = 1; i <= n; i++) // 将小于 n 的素数都加入数组 primes
    {
        if (isPrime(i)) {
            primes[primescnt++] = i;
        }
    }
    backtrack(0);
    cout << cnt;
    cout << endl;
    return 0;
}

```

```

#include<bits/stdc++.h>//6-1379-3  jiangyf70
using namespace std;
int a[220], b[220], c[220], d[220];
int n, cnt = 0, k = 1, maxn = 0, sum = 0;
void prime(int n) // 质数筛选法
{
    for(int i = 2; i * i <= n; i++)
    {
        int j = i + i;
        while(j <= n)
        {
            a[j] = 1;
            j += i;
        }
    }

    for(int i = 2; i <= n; i++)
    {
        if(a[i] == 0) b[k++] = i; // 将筛选出来的质数放到 b[], 下标从 1 开始 否则
dfs 初始参数不好弄 .
    }
}

void print(int x)
{
    if(maxn < x) maxn = x;
//    for(int i = 1; i <= x; i++) cout << d[i] << " "; // 打印出来, 这两句可以
不用
//    cout << endl;
}

```



```

void dfs(int x, int j, int sum, bool f) // 选第 x 个数，从 b[j] 开始选，和为 sum,
f 为 b[j] 选还是不选
{
    if(f) d[x] = b[j]; // 将 b[j] 放到结果数组，便于打印 加个 f 判断一下是否要将
b[j] 加入 d[x]
    if(sum == n) print(x);
    else if(sum < n && j <= k && x < n) //k 是 1~n 之间所有的质数个数
    {
        dfs(x + 1, j + 1, sum + b[j+1], 1); // 选 b[j+1] 这个数；
        dfs(x, j + 1, sum, 0); // 不选 b[j+1] 这个数。
    }
}

int main()
{

    cin >> n;
    prime(n);
    //for(int i = 1; i < k; i++) cout << b[i] << endl; // 显示一下 1~n 之间的质
数

    dfs(0, 0, 0, 0); // 选第 0 个数，从 b[0] 开始，和为 0，这就是 b[] 数组为什么要从
1 开始了。这样第一个数也有选和不选两种可能。
    cout << maxn;
    return 0;
}

```

注意题目输出的结果的顺序是按列来遍历的，

```
#include<iostream>//7-1832 八皇后 jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
int h[20][20], s[20], lx[40], rx[40]; //h[][] 是存放排列的数组， s[] 横行被占用，
```

```
lx 左斜 rx 右斜行
```

```
int cnt = 0;
```

```
void print()
```

```
{  
    cnt++;  
    cout <<"No. " << cnt << endl;  
    for(int i = 0; i < n; i++)  
    {  
        for(int j = 0; j < n; j++)  
        {  
            cout << h[i][j] << " ";  
        }  
        cout << endl;  
    }  
}
```

void dfs(int x) // 放置第 x 列的皇后. 从 0 遍历到 n-1 列, 这里就是 0~7, 仔细看题目结果, 是按列排序输出结果的, 刚开始按行输出结果不对.

```
{
    if(x == n) print();
    else if(x < n)
    {
        for(int i = 0; i < n; i++)
        {
            if(s[i] == 0 && lx[x + i] == 0 && rx[i - x + n] == 0) // 若 h[i][x]
的横 \ 斜都是 0, 说明可以放置
            {
                h[i][x] = 1; // 为 i, x 放置皇后
                s[i] = lx[x+i] = rx[i - x + n] = 1; // 将标志设为 1
                dfs(x+1);
                h[i][x] = 0;
                s[i] = lx[x+i] = rx[i - x + n] = 0; // 将标志设为 0
            }
        }
    }
}
```

```
int main()
{
    //cin >> n;
    n = 8;
    dfs(0);

    return 0;
}
```

逐行讨论每一行的皇后可以放的位置，如果第  $i$  行第  $j$  列的位置放了一个皇后，那么：  
第  $i$  行被占，但这个条件不用判断，因为第  $i$  行放好皇后会接着放第  $i+1$  行，因此不可能在同一行放 2 个皇后；  
第  $j$  列被占用，通过布尔数组标记；  
 $i, j$  这个位置对应的 2 个斜角被占；通过规律分析可以发现，从右上角到左下角的斜角可以通过  $i+j$  来唯一表示，从左上角到右下角的斜角可以通过  $i+8-j$  来唯一表示。

```
#include <bits/stdc++.h>//8-1833-1 八皇后 javacn
```

```
using namespace std;
```

```
int ans, n, x1, x2, k;
```

```
int r[100], c[100];
```

```
bool f[30]; // 列是否重复
```

```
bool d1[30]; // 右对角是否重复
```

```
bool d2[30]; // 左对角是否重复
```

```
vector<int> res[100]; // 存储所有的解
```

```
// 从第 1 行开始找位置，由于是从第 1 行开始找位置，逐行找，因此不用判断是否有 2 个  
子在同一行
```

```
// 当第 row 行找到合适的位置，标记好，再去标记第 row+1 行，这样行上不会有重复
```

```

void queen(int row) {
    // 循环第 row 行的每一列
    for (int col=1; col<=8; col++)
    {
        if (f[col]==false && d1[row+col]==false && d2[row-col+8]==false)
        {
            r[row] = col;
            f[col] = true;
            d1[row+col] = true;
            d2[row-col+8] = true;

            if (row == 8)
            {
                k++;
                for (int i=1; i<=8; i++) { res[k].push_back(r[i]); }
            }
            else { queen(row+1); }

            f[col] = false;
            d1[row+col] = false;
            d2[row-col+8] = false;
        }
    }
}

int main() {
    queen(1); // 从第 1 列开始找位置
    cin >> n;
    int x;
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        cin >> x;
        for (int j = 0; j < res[x].size(); j++) { cout<<res[x][j]; }
        cout<<endl;
    }
}

```

```

#include<bits/stdc++.h>//8-1833-2 dragoncatter
using namespace std;
int f1[110], f2[120], f3[120];
string s[100];
int n , t, cnt;

void dfs(int step, string str)
{
    if(step == 9)
    {
        s[++cnt] = str;
        return ;
    }
    else
    {
        for(int i = 1; i <= 8; i++)
        {
            if(!f1[i] && !f2[step + i] && !f3[step - i + 20])
            {
                f1[i] = 1;
                f2[step+i] = 1;
                f3[step-i+20]=1;
                dfs(step+1, str + char(i + '0' ));
                f1[i] = 0;
                f2[step+i] = 0;
                f3[step-i+20]=0;
            }
        }
    }
}

```

```
int main()
{
    cin >> n;
    dfs(1, "");
    while(n--)
    {
        cin >> t;
        cout << s[t] << '\n';
    }
    return 0;
}
```

#3 这题又是按行来遍历的。

```
#include<iostream>//8-1833-3  jiangyf70
```

```
using namespace std;
```

```
int n;
```

```
int h[20][20], s[20], lx[40], rx[40]; //h[][] 是存放排列的数组， s[] 横行被占用，  
lx 左斜 rx 右斜行
```

```
int cnt = 0, r[100][10]; //r 存放第 i 个结果， 每行就是对应的皇后串
```

```
void print()
```

```
{
```

```
    cnt++;
```

```
    for(int i = 0; i < n; i++)
```

```
    {
```

```
        for(int j = 0; j < n; j++)
```

```
        {
```

```
            if(h[i][j]) r[cnt][i] = j + 1; //j 从 0 开始计数的，所以要加 1
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```



void dfs(int x) // 放置第 x 列的皇后. 从 0 遍历到 n-1 列, 这里就是 0~7, 仔细看题目结果, 是按列排序输出结果的, 刚开始按行输出结果不对.

```
{
    if(x == n) print();
    else if(x < n)
    {
        for(int i = 0; i < n; i++)
        {
            if(s[i] == 0 && lx[x + i] == 0 && rx[i - x + n] == 0) // 若 h[i][x]
的横 \ 斜都是 0, 说明可以放置
            {
                h[x][i] = 1; // 为 x, i 放置皇后 按行遍历
                s[i] = lx[x+i] = rx[i - x + n] = 1; // 将标志设为 1
                dfs(x+1);
                h[x][i] = 0;
                s[i] = lx[x+i] = rx[i - x + n] = 0; // 将标志设为 0
            }
        }
    }
}

int main()
{
    //cin >> n;
    n = 8;
    dfs(0);
    int k, a;
    cin >> k;
    for(int i = 0; i < k; i++)
    {
        cin >> a;
        for(int j = 0; j < n; j++) cout << r[a][j];
        cout << endl;
    }
    return 0;
}
```

穷举所有的运算可能，逐个运算检验能否算到 24。

4 个数有 3 个位置，每个位置有 3 种填写的可能，因此一共有 27 种运算符的组合。

```
#include <bits/stdc++.h> //9-1955-1   javacn
using namespace std;

/*
1. 穷举每组数，对应的 27 种组合出来的运算
2. 表达式计算
*/
int n, a[10];
int cnt = 0; // 计数器
string t = "+-*";
bool f; // 标记某组数经过运算能否得到 24
```

// 计算 a 数组通过 27 种不同运算符组合的运算能否得到 24

```
void calc(string opt)
{
    int b[10];
    // 拷贝 a 数组，不能修改 a 数组的值，后续计算还需要使用
    for (int i = 0; i < 4; i++) b[i] = a[i];

    // 先计算乘
    for (int i = 0; i < opt.size(); i++)
    {
        if (opt[i] == '-')
        {
            b[i+1] = -b[i+1];
        }
        else if (opt[i] == '*')
        {
            b[i+1] *= b[i];
            b[i] = 0;
        }
    }

    // 计算加
    int sum = 0;
    for (int i = 0; i < 4; i++)
    {
        sum += b[i];
    }

    if (sum == 24) f = true;
}
```

// 搜索穷举运算符

```
// 搜索穷举运算符
```

```
void dfs(string opt)
```

```
{
```

```
    if(opt.size() == 3)
```

```
    {
```

```
        // 如果通过计算能算到 24
```

```
        calc(opt);
```

```
        return;
```

```
    }
```

```
    for(int i = 0; i < t.size(); i++)
```

```
    {
```

```
        dfs(opt+t[i]);
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
```

```
{
```

```
    cin>>n;
```

```
    while(n--)
```

```
    {
```

```
        cin>>a[0]>>a[1]>>a[2]>>a[3];
```

```
        f = false; // 假设算不到 24
```

```
        dfs(""); // 穷举运算符
```

```
        if(f) cnt++;
```

```
    }
```

```
    cout<<cnt;
```

```
    return 0;
```

```
}
```

```

#include<iostream>//9-1955-2   jiangyf70
using namespace std;
int a[4], cnt = 0;
bool f;
void cal () {
    if(a[0] + a[1] + a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] + a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] + a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] - a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] - a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] - a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] * a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] * a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] + a[1] * a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;//

    if(a[0] - a[1] + a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] + a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] + a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] - a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] - a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] - a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] * a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] * a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] - a[1] * a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;//

    if(a[0] * a[1] + a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] + a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] + a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] - a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] - a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] - a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] * a[2] + a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] * a[2] - a[3] == 24 ) f = 1;
    if(a[0] * a[1] * a[2] * a[3] == 24 ) f = 1;
}

```

```
int main()
{
    int n;
    cin >> n;
    for(int i = 0; i < n; i++)
    {
        for(int j = 0; j < 4; j++) cin >> a[j];
        f = 0;
        cal();
        if(f) cnt++;
    }
    cout << cnt;
    return 0;
}
```

思路：穷举所有的运算可能，由于本题不允许改变运算数顺序，因此本题只能穷举运算符的可能。

有  $n$  个数，有  $n-1$  个空格可以插入运算符，每个空格可以插入 3 种不同的运算符，因此结果有： $3^9$  种不同的可能。

```
#include<bits/stdc++.h>//10-1956  javacn
```

```
using namespace std;
```

```
/*
```

```
思路：穷举所有的运算可能
```

```
由于本题不允许改变运算数顺序，因此本题只能穷举运算符的可能
```

```
有  $n$  个数，有  $n-1$  个空格可以插入运算符，每个空格可以插入 3 种不同的运算符
```

```
因此结果有： $3^9$  种不同的可能
```

```
*/
```

```
int n;
```

```
int a[20], b[20];
```

```
string t = "+-*";
```

```
int ans = 0;
```

```
// 通过长度为 n-1 的运算符字符串 s 以及 n 个整数进行计算
```

```
// 判断结果是否是 24
```

```
bool calc(string s)
```

```
{
```

```
    // 由于 a 数组还要用，要把 a 数组留下来
```

```
    for(int i = 0; i < n; i++)
```

```
    {
```

```
        b[i] = a[i];
```

```
    }
```

```
    // 先计算乘法
```

```
    for(int i = 0; i < s.size(); i++)
```

```
    {
```

```
        // 如果上一个运算符是 -, 那么将 a[i] 视为 -a[i]
```

```
        // 这样最终就没有减法，只有加法
```

```
        if(s[i] == '-')
```

```
        {
```

```
            b[i+1] = -b[i+1];
```

```
        }
```

```
        else if(s[i] == '*')
```

```
        {
```

```
            b[i+1] *= b[i];
```

```
            b[i] = 0;
```

```
        }
```

```
    }
```

```
    // 再计算加法
```

```
    int r = 0;
```

```
    for(int i = 0; i < n; i++)
```

```
    {
```

```
        r += b[i]; //          cout<<b[i]<<" ";
```

```
    }
```

```
    if(r == 24) return true;
```

```
    else return false;
```

```
}
```



// 穷举不同的运算符的排列组合

```
void dfs(string s)
{
    if(s.size() == n - 1)
    {
        if(calc(s)) ans++;
        return;
    }

    //3 种不同的选择
    for (int i = 0; i < 3; i++)
    {
        dfs(s+t[i]);
    }
}
```

```
int main()
{
    cin>>n;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        cin>>a[i];
    }

    dfs("");
    cout<<ans;
    return 0;
}
```

本题求解：满足曼哈顿距离  $\leq 2$  的情况下的连通块的数量  
距离  $x, y$  点，满足曼哈顿距离  $\leq 2$  的点，有 12 个

```
#include<bits/stdc++.h>//11-1966 -1   javacn
```

```
using namespace std;
```

```
/*
```

```
本题求解：满足曼哈顿距离  $\leq 2$  的情况下的连通块的数量  
距离  $x, y$  点，满足曼哈顿距离  $\leq 2$  的点，有 12 个
```

```
*/
```

```
int n, m;
```

```
char a[110][110];
```

```
int c = 0; // 统计有多少个连通块
```

```
// 存储相对  $xy$  点曼哈顿距离  $\leq 2$  的相对位置的差值
```

```
int fx[13] = {0, -2, -1, -1, -1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 2};
```

```
int fy[13] = {0, 0, -1, 0, 1, -2, -1, 1, 2, -1, 0, 1, 0};
```

```
// 将  $xy$  相邻 12 个方向的能走到的 #，深搜标记为 -
```

```
void dfs(int x, int y)
```

```
{
```

```
    a[x][y] = '-';
```

```
    int tx, ty;
```

```
    for (int i = 1; i <= 12; i++)
```

```
    {
```

```
        tx = x + fx[i];
```

```
        ty = y + fy[i];
```

```
        // 出边界不可能是 #
```

```
        if (a[tx][ty] == '#')
```

```
        {
```

```
            dfs(tx, ty);
```

```
        }
```

```
    }
```

```
}
```

```
int main()
{
    cin>>n>>m;
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            cin>>a[i][j];
        }
    }

    // 遍历每个点，如果是 #，深搜将 12 方向相邻的 # 都标记为 -
    for (int i = 1;i <= n;i++)
    {
        for (int j = 1;j <= m;j++)
        {
            if(a[i][j] == '#')
            {
                c++;
                dfs(i, j); // 从 ij 开始搜索标记
            }
        }
    }

    cout<<c;
    return 0;
}
```

```

#include<bits/stdc++.h>//11-1966-2  jiangyf70
using namespace std;
int n, m;
char a[110][110];
int r[110][3];
int fx[] = {0, 0, 0, 0, 1, 2, -1, -2, 1, 1, -1, -1};
int fy[] = {1, 2, -1, -2, 0, 0, 0, 0, 1, -1, 1, -1};

void bfs(int x, int y)
{
    memset(r, 0, sizeof(r));
    int head = 0, tail = 0;
    r[head][0] = x;
    r[head][1] = y;
    a[x][y] = '-';
    while(head <= tail)
    {
        for(int i = 0; i < 12; i++)
        {
            int dx = r[head][0] + fx[i];
            int dy = r[head][1] + fy[i];
            if(a[dx][dy] == '#')
            {
                tail++;
                r[tail][0] = dx;
                r[tail][1] = dy;
                a[dx][dy] = '-';
            }
        }
        head++;
    }
}

```

```
int main()
{
    cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++) cin >> a[i];
    int cnt = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        for (int j = 0; j < m; j++)
        {
            if (a[i][j] == '#')
            {
                cnt++;
                bfs(i, j);
            }
        }
    }
    cout << cnt;
    return 0;
}
```

注意特殊情况：

```
8 4
3 1 1 1
1 1 1 0
1 1 1 1
0 1 1 2
1 4 0 1
1 4 0 1
1 0 1 1
1 0 1 1
```

输出：8

数字 0： 障碍物。

数字 1： 空地， 小 H 可以自由行走。

数字 2： 小 H 出发点， 也是一片空地。

数字 3： 小 H 的家。

数字 4： 有金币在上面的空地。

只要下一个深搜的点能走，且走到那个点血量会变多（默认每个点的值血量都是 0）或者步数更少（因为有可能先走出一个血量更多的走法，后面再走发现血量没有更多，但是在可以走到终点的情况下有更少的步数也能走到，比如：不去捡金币也能走到终点），那么可以走。

```
#include<bits/stdc++.h>//12-1914    javacn
using namespace std;
int a[10][10],mi=INT_MAX;
int n,m,sx,sy,ex,ey;
int b[20][20];//到每个点的最少血量
int s[20][20];//到每个点的最少步数
//方向数组
int fx[5] = {0,0,1,0,-1};
int fy[5] = {0,1,0,-1,0};
//递归
```

// 递归

```
void dfs(int x, int y, int step, int blood)
{
    if(a[x][y]==4)
    {
        blood = 6;
    }
    b[x][y] = blood;
    s[x][y] = step;
    // 如果到达终点停止递归
    if(a[x][y]==3)
    {
        mi = min(mi, step);
        return;
    }
    int tx, ty, i;
    for (i=1; i<=4; i++)
    {
        tx = x + fx[i];
        ty = y + fy[i];
        // 如果下一个点在迷宫内，且到下一个点至少还有1个血，且不是障碍，且
        // 到下一个点的血更多或者步数更少
        if(tx>=1&&tx<=n&&tx>=1&&ty<=m && blood-1>=1 && a[tx][ty]!=0 && (b[x]
        [y]-1 > b[tx][ty] || step + 1 < s[tx][ty]))
        {
            dfs(tx, ty, step+1, blood-1);
        }
    }
}
```

```

int main()
{
    cin>>n>>m;
    int i, j;
    for (i=1; i<=n; i++)
    {
        for (j=1; j<=m; j++)
        {
            cin>>a[i][j];
            s[i][j] = INT_MAX;
            // 出发地
            if(a[i][j]==2)
            {
                sx = i, sy = j;
            }
            else if(a[i][j] ==3)
            {
                ex = i, ey = j; // 目的地
            }
        }
    }
    // 起始点
    dfs(sx, sy, 0, 6);
    if(mi == INT_MAX)        cout<<-1;
    else cout<<mi;
    return 0;
}

```



